

# **AULAS 18 E 19**

# **Análise de regressão múltipla: inferência**

**Ernesto F. L. Amaral**

**01 e 06 de novembro de 2012**  
**Avaliação de Políticas Públicas (DCP 046)**

**Fonte:**

**Wooldridge, Jeffrey M. “Introdução à econometria: uma abordagem moderna”. São Paulo:  
Cengage Learning, 2008. pp.110-157 (capítulo 4).**

# TRANSFORMAÇÃO É QUESTÃO EMPÍRICA

- Os objetivos de realizar transformações de variáveis independentes e dependente são:
  - Alcançar distribuição normal da variável dependente.
  - Estabelecer correta relação entre variável dependente e independentes.
- Fazer uma transformação de salário, especialmente tomando o log, produz uma distribuição que está mais próxima da normal.
- Sempre que  $y$  assume apenas alguns valores, não podemos ter uma distribuição próxima de uma distribuição normal.
- “Essa é uma questão empírica.” (Wooldridge, 2008: 112)

# EXEMPLOS DE TRANSFORMAÇÕES

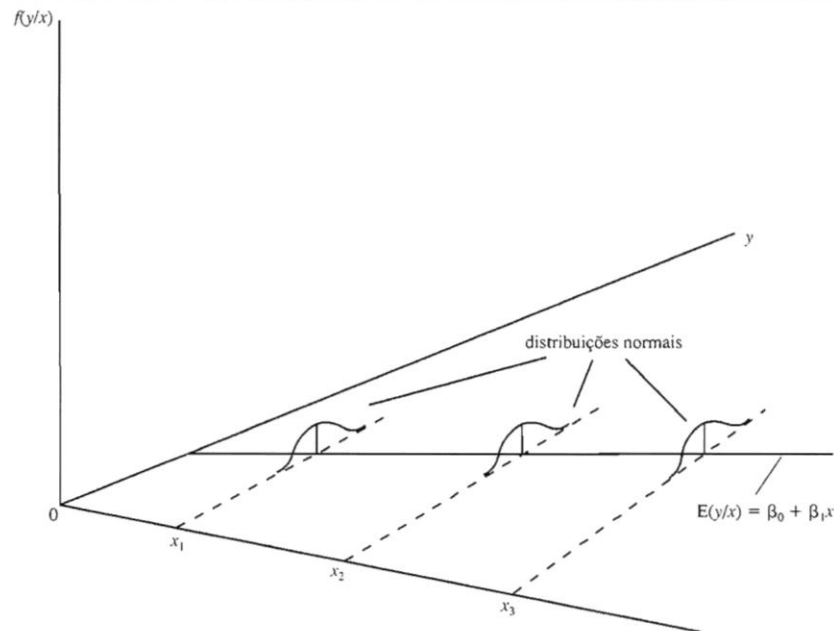
- **Variável dependente em alguns modelos:**
- Lineares (MQO): deve ter nível de mensuração de razão (contínua) e distribuição normal (logaritmo reduz concentração à esquerda de variáveis com valores positivos diferentes de zero).
- Logísticos e probit: variável dicotômica.
- Multinomiais: variável nominal com mais de duas categorias.
- Poisson: variável é contagem com concentração em zero.
- **Variável independente:**
- Se for contínua, deve ter distribuição normal (logaritmo).
- Se for contínua, também podemos calcular o quadrado ( $x^2$ ) e incluir junto com variável independente original ( $x$ ).
- Se for categórica, buscamos distribuição uniforme entre categorias, mas nem sempre é possível (categoria de referência geralmente possui vários casos).

# MODELO LINEAR CLÁSSICO

- As hipóteses BLUE, adicionadas à hipótese da normalidade (erro não-observado é normalmente distribuído na população), são conhecidas como hipóteses do modelo linear clássico (MLC).
- Distribuição normal homoscedástica com uma única variável explicativa:

Figura 4.1

A distribuição normal homoscedástica com uma única variável explicativa.



# TESTES DE HIPÓTESE

- Podemos fazer testes de hipóteses sobre um único parâmetro da função de regressão populacional.
- Os  $\beta_j$  são características desconhecidas da população.
- Na maioria das aplicações, nosso principal interesse é testar a hipótese nula ( $H_0: \beta_j = 0$ ).
- Como  $\beta_j$  mede o efeito parcial de  $x_j$  sobre o valor esperado de  $y$ , após controlar todas as outras variáveis independentes, a hipótese nula significa que, uma vez que  $x_1, x_2, \dots, x_k$  foram considerados,  $x_j$  não tem nenhum efeito sobre o valor esperado de  $y$ .
- O teste de hipótese na regressão múltipla é semelhante ao teste de hipótese para a média de uma população normal.
- É difícil obter os coeficientes, erros-padrão e valores críticos, mas os programas econométricos (nosso amigo Stata) calculam estas estimativas automaticamente.

## TESTE $t$

- A estatística  $t$  é a razão entre o coeficiente estimado ( $\beta_j$ ) e seu erro padrão:  $ep(\beta_j)$ .
- O erro padrão é sempre positivo, então a razão  $t$  sempre terá o mesmo sinal que o coeficiente estimado.
- Valor estimado de beta distante de zero é evidência contra a hipótese nula, mas devemos ponderar pelo erro amostral.
- Como o erro-padrão de  $\beta_j$  é uma estimativa do desvio-padrão de  $\beta_j$ , **o teste  $t$  mede quantos desvios-padrão estimados  $\beta_j$  está afastado de zero.**
- Isso é o mesmo que testar se a média de uma população é zero, usando a estatística  $t$  padrão.
- A regra de rejeição depende da hipótese alternativa e do nível de significância escolhido do teste.
- Sempre testamos hipótese sobre parâmetros populacionais, e não sobre estimativas de uma amostra particular.

## ***p*-VALORES DOS TESTES *t***

- Dado o valor observado da estatística  $t$ , qual é o menor nível de significância ao qual a hipótese nula seria rejeitada?
- Não há nível de significância “correto”.
- O  $p$ -valor é a probabilidade da hipótese nula ser verdadeira:
  - $p$ -valores pequenos são evidências contra hipótese nula.
  - $p$ -valores grandes fornecem pouca evidência contra  $H_0$ .
- Se  $\alpha$  é o nível de significância do teste, então  $H_0$  é rejeitada se  $p\text{-valor} < \alpha$ .
- $H_0$  não é rejeitada ao nível de  $100*\alpha\%$ .

# TESTE: HIPÓTESES ALTERNATIVAS UNILATERAIS

$$H_1: \beta_j > 0 \quad \text{OU} \quad H_1: \beta_j < 0$$

- Devemos decidir sobre um nível de significância (geralmente de 5%).
- Estamos dispostos a rejeitar erroneamente  $H_0$ , quando ela é verdadeira 5% das vezes.
- Um valor suficientemente grande de  $t$ , com um nível de significância de 5%, é o 95<sup>o</sup> percentil de uma distribuição  $t$  com  $n-k-1$  graus de liberdade (ponto  $c$ ).
- **Regra de rejeição** é que  $H_0$  é rejeitada em favor de  $H_1$ , se  $t > c$  ( $H_1: \beta_j > 0$ ) ou  $t < -c$  ( $H_1: \beta_j < 0$ ), em um nível específico.
- Quando os graus de liberdade da distribuição  $t$  ficam maiores, a distribuição  $t$  aproxima-se da distribuição normal padronizada.
- Para graus de liberdade maiores que 120, pode-se usar os valores críticos da distribuição normal padronizada...



# EXEMPLO DO “WORLD VALUES SURVEY”

## Variável dependente:

\*Índice tradicional/secular (tradrat5)

## Variável independente

- \* Homem (x001): indicador de sexo masculino.
- \* Escolaridade (x025r): (1) baixa; (2) média; (3) alta.
- \* Estado civil (x007): (1) casado; (2) separado; (3) solteiro.
- \* Religião é muito importante (a006): (0) não; (1) sim.
- \* Acredita no céu (f054): (0) não; (1) sim.
- \* Objetivo é de fazer pais orgulhosos (d054): (1) concorda muito; (2) concorda; (3) discorda; (4) discorda muito.
- \* Acredita no inferno (f053): (0) não; (1) sim.
- \* Tempo com pessoas da igreja (a060): (1) semanalmente; (2) 1 ou 2 vezes por mês; (3) algumas vezes por ano; (4) nunca.

# GRAUS DE LIBERDADE (n-k-1) MAIORES QUE 120

$$gl = n - k - 1 = 17.245 - 14 - 1 = 17230$$

```
. xi: reg tradrat5 homem i.educ i.estciv religiao ceu i.pais inferno i.igreja
i.educ          _Ieduc_1-3      (naturally coded; _Ieduc_1 omitted)
i.estciv        _Iestciv_1-3    (naturally coded; _Iestciv_1 omitted)
i.pais          _Ipais_1-4      (naturally coded; _Ipais_1 omitted)
i.igreja        _Iigreja_1-4    (naturally coded; _Iigreja_1 omitted)
```

| Source   | SS         | df    | MS         |
|----------|------------|-------|------------|
| Model    | 2919.01365 | 14    | 208.500975 |
| Residual | 12914.5224 | 17230 | .749536992 |
| Total    | 15833.536  | 17244 | .918205522 |

Number of obs = 17245

F( 14, 17230) = 278.17  
 Prob > F = 0.0000  
 R-squared = 0.1844  
 Adj R-squared = 0.1837  
 Root MSE = .86576

| tradrat5   | Coef.     | Std. Err. | t      | P> t  | [95% Conf. Interval] |           |
|------------|-----------|-----------|--------|-------|----------------------|-----------|
| homem      | -.0915848 | .0134579  | -6.81  | 0.000 | -.1179637            | -.0652059 |
| _Ieduc_2   | .1611334  | .0160693  | 10.03  | 0.000 | .1296359             | .1926309  |
| _Ieduc_3   | .4183285  | .0182525  | 22.92  | 0.000 | .3825517             | .4541053  |
| _Iestciv_2 | .0823282  | .0244348  | 3.37   | 0.001 | .0344336             | .1302229  |
| _Iestciv_3 | .033135   | .0150337  | 2.20   | 0.028 | .0036675             | .0626025  |
| religiao   | -.2900597 | .0163472  | -17.74 | 0.000 | -.322102             | -.2580175 |
| ceu        | .1481911  | .0246461  | 6.01   | 0.000 | .0998822             | .1965     |
| _Ipais_2   | .1559776  | .0144202  | 10.82  | 0.000 | .1277126             | .1842426  |
| _Ipais_3   | .4766756  | .024395   | 19.54  | 0.000 | .428859              | .5244922  |
| _Ipais_4   | .807771   | .0485836  | 16.63  | 0.000 | .7125423             | .9029998  |
| inferno    | -.4142113 | .0221687  | -18.68 | 0.000 | -.4576642            | -.3707584 |
| _Iigreja_2 | .034723   | .0200903  | 1.73   | 0.084 | -.0046561            | .0741021  |
| _Iigreja_3 | -.012683  | .0211482  | -0.60  | 0.549 | -.0541357            | .0287697  |
| _Iigreja_4 | .1743971  | .0189101  | 9.22   | 0.000 | .1373314             | .2114628  |
| _cons      | .255215   | .0276124  | 9.24   | 0.000 | .2010918             | .3093382  |

# REGRA DE REJEIÇÃO DE $H_0$ (UNILATERAL)

Figura 4.2

Regra de rejeição a 5% para a hipótese alternativa  $H_1: \beta_j > 0$  com 28 gl.

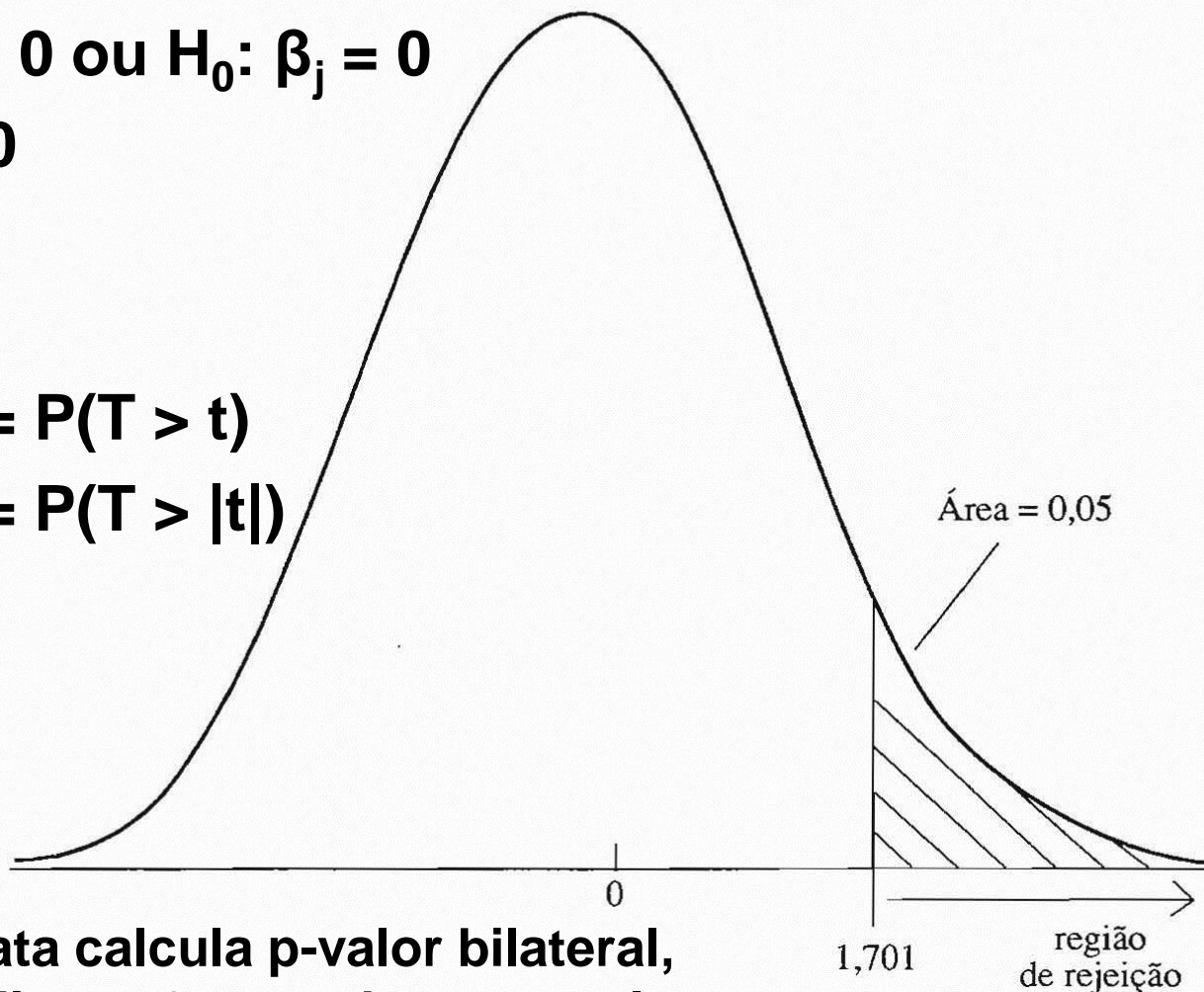
$$H_0: \beta_j \leq 0 \text{ ou } H_0: \beta_j = 0$$

$$H_1: \beta_j > 0$$

$$t_{\beta_j} > c$$

$$\text{p-valor} = P(T > t)$$

$$\text{p-valor} = P(T > |t|)$$



Como Stata calcula p-valor bilateral, é só dividir por 2 para obter o p-valor unilateral.

# REGRA DE REJEIÇÃO DE $H_0$ (UNILATERAL)

Figura 4.3

Regra de rejeição a 5% para a hipótese alternativa  $H_1: (\beta_j) < 0$ , com 18 gl.

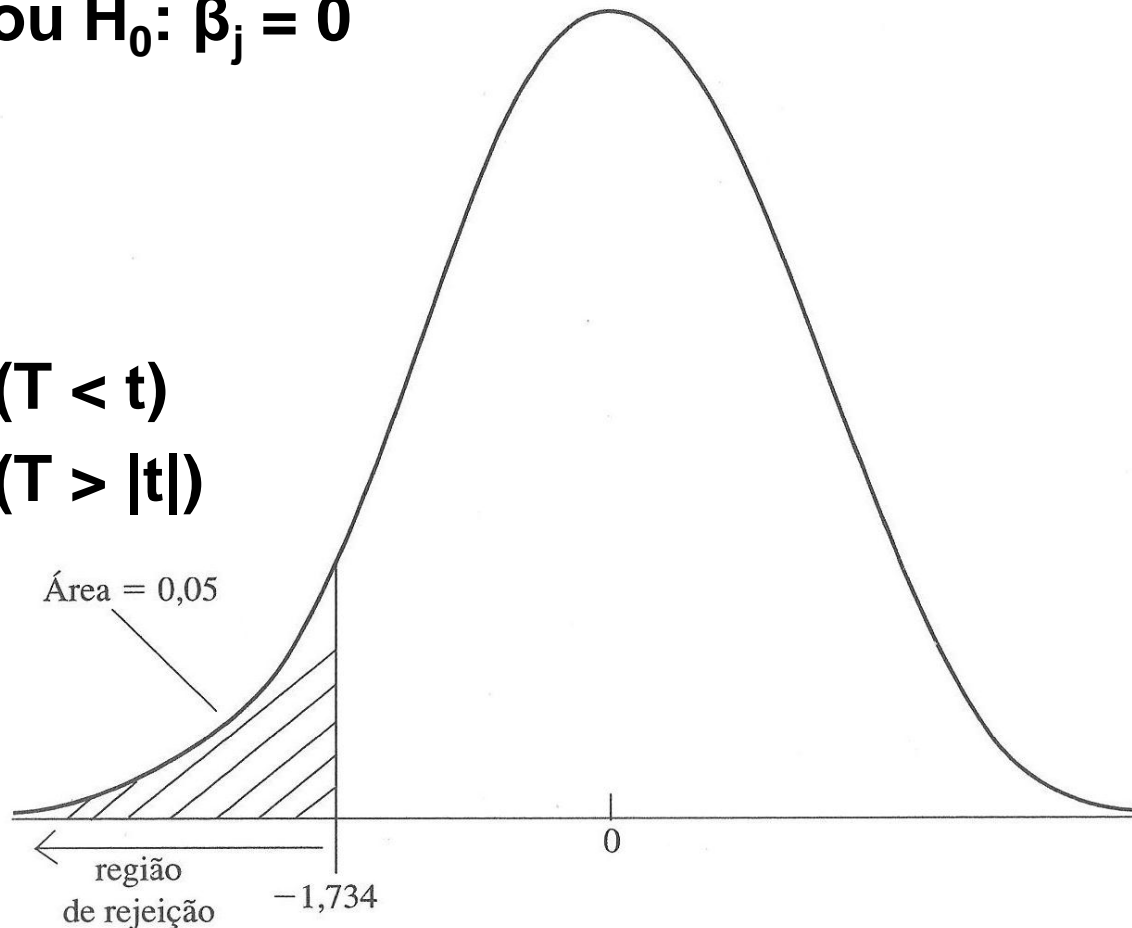
$$H_0: \beta_j \geq 0 \text{ ou } H_0: \beta_j = 0$$

$$H_1: \beta_j < 0$$

$$t_{\beta_j} < -c$$

$$\text{p-valor} = P(T < t)$$

$$\text{p-valor} = P(T > |t|)$$



Como Stata calcula p-valor bilateral, é só dividir por 2 para obter o p-valor unilateral.

# TESTE: HIPÓTESES ALTERNATIVAS BILATERAIS

$$H_1: \beta_j \neq 0$$

- Essa hipótese é relevante quando o sinal de  $\beta_j$  não é bem determinado pela teoria.
- Usar as estimativas da regressão para nos ajudar a formular as hipóteses nula e alternativa não é permitido, porque a inferência estatística clássica pressupõe que formulamos as hipóteses nula e alternativa sobre a população antes de olhar os dados.
- Quando a alternativa é bilateral, estamos interessados no valor absoluto da estatística  $t$ .  $|t| > c$ .
- Para um nível de significância de 5% e em um teste bi-caudal,  $c$  é escolhido de forma que a área em cada cauda da distribuição  $t$  seja igual a 2,5%.
- Se  $H_0$  é rejeitada,  $x_j$  é estatisticamente significativa (ou estatisticamente diferente de zero) ao nível de 5%.

# REGRA DE REJEIÇÃO DE $H_0$ (BILATERAL)

Figura 4.4

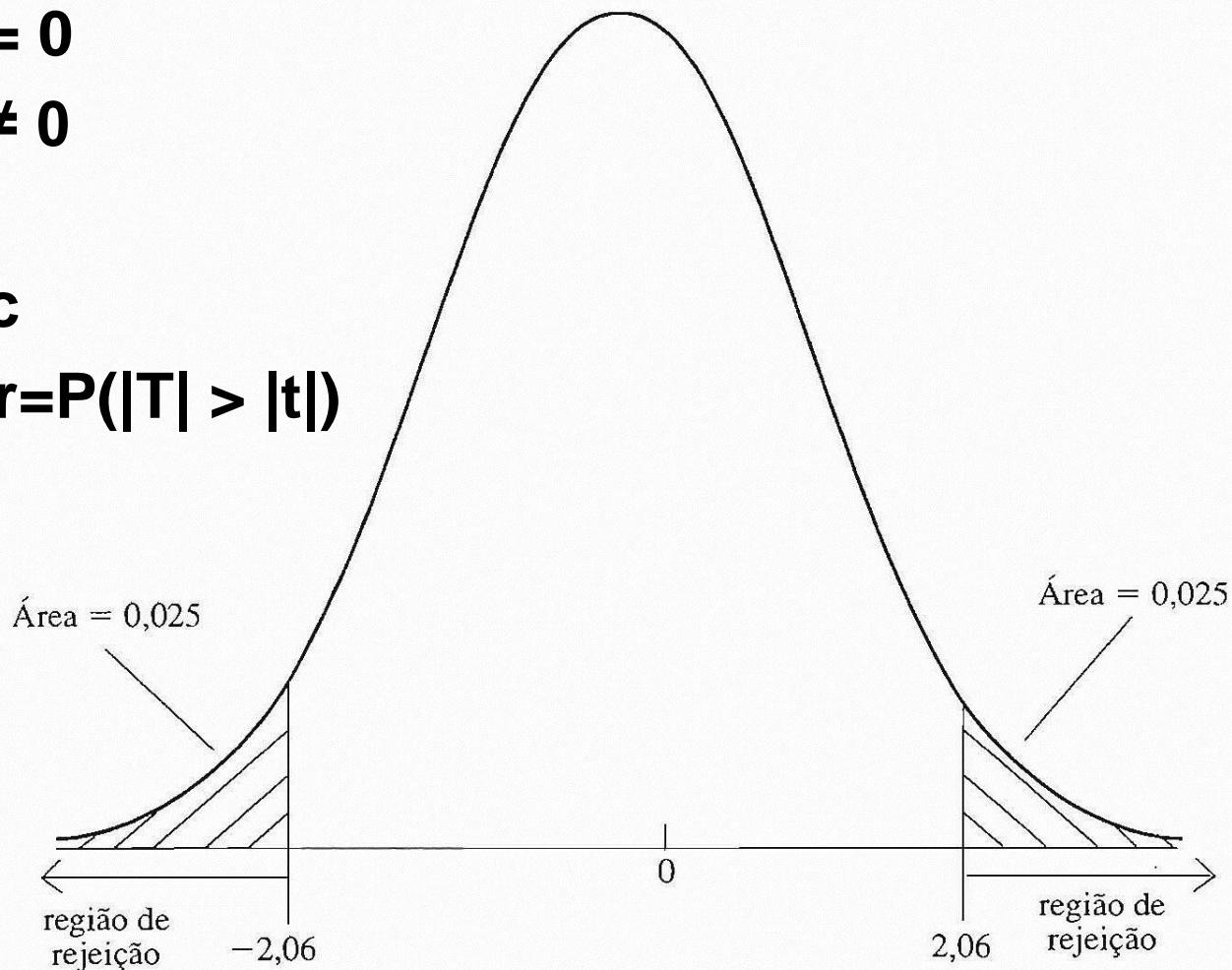
Regra de rejeição a 5% para a hipótese alternativa  $H_1: \beta_j \neq 0$  com 25 gl.

$$H_0: \beta_j = 0$$

$$H_1: \beta_j \neq 0$$

$$|t_{\beta_j}| > c$$

$$\text{p-valor} = P(|T| > |t|)$$



# EXEMPLO DE NÃO-REJEIÇÃO DE $H_0$ (BILATERAL)

Figura 4.6

Obtendo o  $p$ -valor contra uma alternativa bilateral, quando  $t = 1,85$  e  $gl = 40$ .

**p-valor**

$$= P(|T| > |t|)$$

$$= P(|T| > 1,85)$$

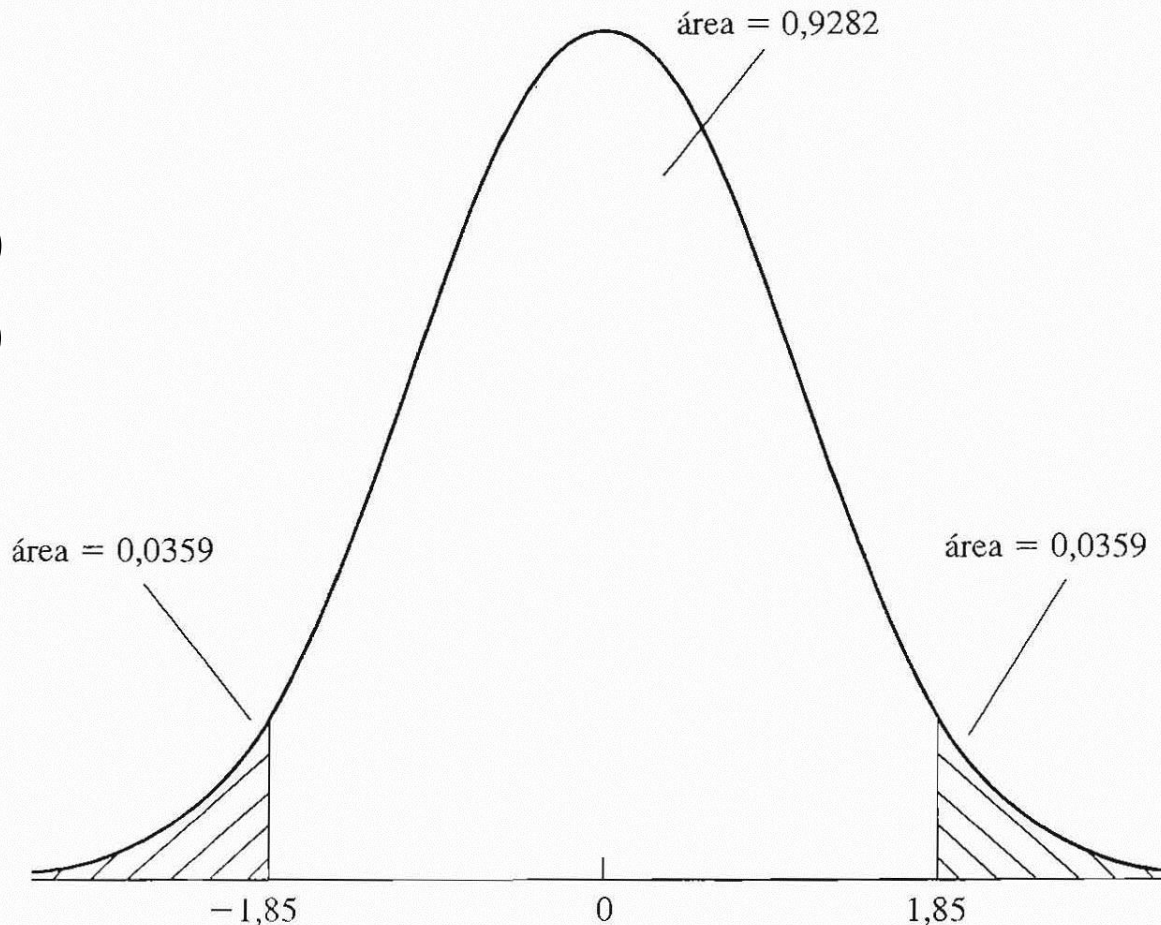
$$= 2P(T > 1,85)$$

$$= 2(0,0359)$$

$$= 0,0718$$

**p-valor  $> \alpha$**

$$0,0718 > 0,05$$



**$H_0 : \beta_j = 0$  não é rejeitada**

## TESTES DE OUTRAS HIPÓTESES SOBRE $\beta_j$

- Poderíamos supor que uma variável dependente (log do número de crimes) necessariamente será relacionada positivamente com uma variável independente (log do número de estudantes matriculados na universidade).
- A hipótese alternativa testará se o aumento de 1% nas matrículas aumentará o crime em mais de 1%:

$$H_0: \beta_j = 1$$

$$H_1: \beta_j > 1$$

- $t = (\text{estimativa} - \text{valor hipotético}) / (\text{erro-padrão})$
- Neste exemplo,  $t = (\beta_j - 1) / \text{ep}(\beta_j)$
- Observe que adicionar 1 na hipótese nula, significa subtrair 1 no teste  $t$ .
- Rejeitamos  $H_0$  se  $t > c$ , em que  $c$  é o valor crítico unilateral.



# SIGNIFICÂNCIA ECONÔMICA X ESTATÍSTICA

- É importante levar em consideração a magnitude das estimativas dos coeficientes, além do tamanho das estatísticas  $t$ .
- A **significância estatística** de uma variável  $x_j$  é determinada completamente pelo tamanho do teste  $t$ .
- A **significância econômica** (ou significância prática) da variável está relacionada ao tamanho e sinal do coeficiente beta estimado.
- Colocar muita ênfase sobre a significância estatística pode levar à conclusão falsa de que uma variável é importante para explicar  $y$  embora seu efeito estimado seja moderado.
- Com amostras grandes, os erros-padrão são pequenos, o que resulta em significância estatística.
- Erros-padrão grandes podem ocorrer por alta correlação entre variáveis independentes (multicolinearidade).

## DISCUTINDO AS SIGNIFICÂNCIAS

- Verifique a **significância econômica**, lembrando que as unidades das variáveis independentes e dependente mudam a interpretação dos coeficientes beta.
- Verifique a **significância estatística**, a partir do teste  $t$  de cada variável.
- Se: (1) sinal esperado e (2) teste  $t$  grande, a variável é **significante economicamente e estatisticamente**.
- Se: (1) sinal esperado e (2) teste  $t$  pequeno, podemos aceitar  $p$ -valor maior, quando amostra é pequena (mas é arriscado, pois pode ser problema no desenho amostral).
- Se: (1) sinal não esperado e (2) teste  $t$  pequeno, variável **não significativa economicamente e estatisticamente**.
- Se: (1) sinal não esperado e (2) teste  $t$  grande, é problema sério em variáveis importantes (falta incluir variáveis ou há problema nos dados).

## INTERVALOS DE CONFIANÇA

- Os intervalos de confiança (IC), ou estimativas de intervalo, permitem avaliar uma extensão dos valores prováveis do parâmetro populacional, e não somente estimativa pontual:
  - Valor inferior:  $\beta_j - c \cdot ep(\beta_j)$
  - Valor superior:  $\beta_j + c \cdot ep(\beta_j)$
- A constante  $c$  é o 97,5º percentil de uma distribuição  $t_{n-k-1}$ .
- Quando  $n-k-1 > 120$ , podemos usar a distribuição normal para construir um IC de 95% ( $c=1,96$ ).
- Se amostras aleatórias fossem repetidas, então valor populacional estaria dentro do IC em 95% das amostras.
- Esperamos ter uma amostra que seja uma das 95% de todas amostras em que estimativa de intervalo contém beta.
- Se a hipótese nula for  $H_0: \beta_j = a_j$ ,  $H_0$  é rejeitada contra  $H_1: \beta_j \neq a_j$ , ao nível de significância de 5%, se  $a_j$  não está no IC.

## TESTE *F*: TESTE DE RESTRIÇÕES DE EXCLUSÃO

- Testar se um grupo de variáveis não tem efeito sobre a variável dependente.
- A hipótese nula é que um conjunto de variáveis não tem efeito sobre  $y$  ( $\beta_3$ ,  $\beta_4$  e  $\beta_5$ , por exemplo), já que outro conjunto de variáveis foi controlado ( $\beta_1$  e  $\beta_2$ , por exemplo).
- Esse é um exemplo de restrições múltiplas.
- $H_0: \beta_3=0, \beta_4=0, \beta_5=0$ .
- $H_1: H_0$  não é verdadeira.
- Quando pelo menos um dos betas for diferente de zero, rejeitamos a hipótese nula.

## ESTATÍSTICA $F$ (OU RAZÃO $F$ )

- Precisamos saber o quanto SQR aumenta, quando retiramos as variáveis que estamos testando.
- Modelo restrito terá  $\beta_0$ ,  $\beta_1$  e  $\beta_2$ .
- Modelo irrestrito terá  $\beta_0$ ,  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\beta_3$ ,  $\beta_4$  e  $\beta_5$ .
- A estatística  $F$  é definida como:

$$F \equiv \frac{(SQR_r - SQR_{ir})/q}{SQR_{ir}/(n - k - 1)}$$

- $SQR_r$  é a soma dos resíduos quadrados do modelo restrito.
- $SQR_{ir}$  é a soma dos resíduos quadrados do modelo irrestrito.
- $q$  é o número de variáveis independentes retiradas (neste caso temos três:  $\beta_3$ ,  $\beta_4$  e  $\beta_5$ ), ou seja,  $q = gl_r - gl_{ir}$ .

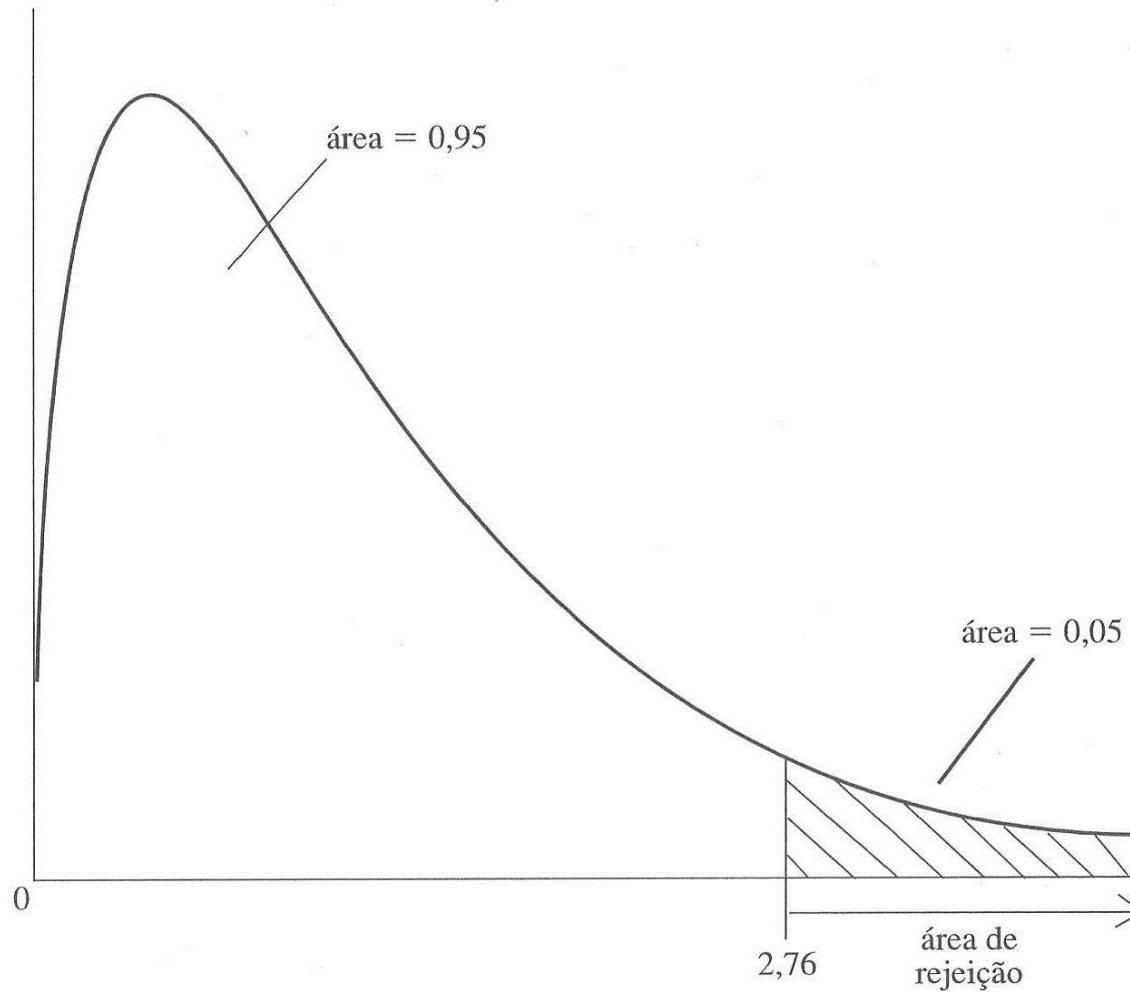
## REGRAS DE REJEIÇÃO DE $F$

- O valor crítico ( $c$ ) depende de:
  - Nível de significância (10%, 5% ou 1%, por exemplo).
  - Graus de liberdade do numerador ( $q = gl_r - gl_{ir}$ ).
  - Graus de liberdade do denominador ( $n - k - 1$ ).
  - Quando os  $gl$  do denominador chegam a 120, a distribuição  $F$  não é mais sensível a eles (usar  $gl = \infty$ ).
- Uma vez obtido  $c$ , rejeitamos  $H_0$ , em favor de  $H_1$ , ao nível de significância escolhido se:  $F > c$ .
- Se  $H_0$  ( $\beta_3 = 0, \beta_4 = 0, \beta_5 = 0$ ) é rejeitada,  $\beta_3, \beta_4$  e  $\beta_5$  são **estatisticamente significantes conjuntamente**.
- Se  $H_0$  ( $\beta_3 = 0, \beta_4 = 0, \beta_5 = 0$ ) não é rejeitada,  $\beta_3, \beta_4$  e  $\beta_5$  são **conjuntamente não significantes**.

# CURVA DA DISTRIBUIÇÃO F

Figura 4.7

O valor crítico de 5% e a região de rejeição em uma distribuição  $F_{3,60}$ .



## RELAÇÃO ENTRE ESTATÍSTICAS $F$ E $t$

- A estatística  $F$  para testar a exclusão de uma única variável é igual ao quadrado da estatística  $t$  correspondente.
- As duas abordagens levam ao mesmo resultado, desde que a hipótese alternativa seja bilateral.
- A estatística  $t$  é mais flexível para testar uma única hipótese, porque pode ser usada para testar alternativas unilaterais.
- As estatísticas  $t$  são mais fáceis de serem obtidas do que o teste  $F$ .



## FORMA R-QUADRADO DA ESTATÍSTICA $F$

- O teste  $F$  pode ser calculado usando os R-quadrados dos modelos resitrito e irrestrito.
- É mais fácil utilizar números entre zero e um ( $R^2$ ) do que números que podem ser muito grandes (SQR).
- Como  $SQR_r = SQT(1 - R_r^2)$ ,  $SQR_{ir} = SQT(1 - R_{ir}^2)$  e:

$$F \equiv \frac{(SQR_r - SQR_{ir})/q}{SQR_{ir}/(n - k - 1)}$$

- ... os termos SQT são cancelados:

$$F \equiv \frac{(R_{ir}^2 - R_r^2)/q}{(1 - R_{ir}^2)/(n - k - 1)}$$

# CÁLCULO DOS $p$ -VALORES PARA TESTES $F$

$$p\text{-valor} = P(\mathcal{F} > F)$$

- O  $p$ -valor é a probabilidade de observarmos um valor de  $F$  pelo menos tão grande ( $\mathcal{F}$ ) quanto aquele valor real que encontramos ( $F$ ), dado que a hipótese nula é verdadeira.
- **Um  $p$ -valor pequeno é evidência para rejeitar  $H_0$** , porque a probabilidade de observarmos um valor de  $F$  tão grande quanto aquele para o qual a hipótese nula é verdadeira é muito baixa.
- **Um  $p$ -valor alto é evidência para NÃO rejeitar  $H_0$** , porque a probabilidade de observarmos um valor de  $F$  tão grande quanto aquele para o qual a hipótese nula é verdadeira é muito alta.

# TESTE $F$ PARA SIGNIFICÂNCIA GERAL DA REGRESSÃO

- No modelo com  $k$  variáveis independentes, podemos escrever a hipótese nula como:
  - $H_0: x_1, x_2, \dots, x_k$  não ajudam a explicar  $y$ .
  - $H_0: \beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_k = 0$ .
- Modelo restrito:  $y = \beta_0 + u$ .
- Modelo irrestrito:  $y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \dots + \beta_k x_k + u$ .
- Número de variáveis independentes retiradas ( $q =$  graus de liberdade do numerador) é igual ao próprio número de variáveis independentes ( $k$ ):

$$F \equiv \frac{R^2 / k}{(1 - R^2) / (n - k - 1)}$$

- Mesmo com  $R^2$  pequeno, podemos ter teste  $F$  significativa para o conjunto, por isso não podemos olhar somente o  $R^2$ .

# DESCRIÇÃO DOS RESULTADOS DA REGRESSÃO

- Informar os **coeficientes** estimados de MQO (betas).
- Interpretar **significância econômica** (prática) dos coeficientes das variáveis fundamentais, levando em consideração as unidades de medida.
- Interpretar **significância estatística**, ao incluir erros-padrão entre parênteses abaixo dos coeficientes (ou estatísticas  $t$ , ou  $p$ -valores, ou asteriscos).
  - Erro padrão é preferível, pois podemos: (1) testar hipótese nula quando parâmetro populacional não é zero; (2) calcular intervalos de confiança.
- Informar o **R-quadrado**: (1) grau de ajuste; (2) cálculo de  $F$ .
- **Número de observações** usado na estimação ( $n$ ).
- Apresentar resultados em **equações** ou **tabelas** (indicar variável dependente, além de independentes na 1ª coluna).
- Mostrar **SQR** e **erro-padrão** (Root MRE), mas não é crucial.

# **EXEMPLOS DE VALORES PREDITOS EM GRÁFICOS**

# IMPACTO ECONÔMICO DA RELIGIÃO

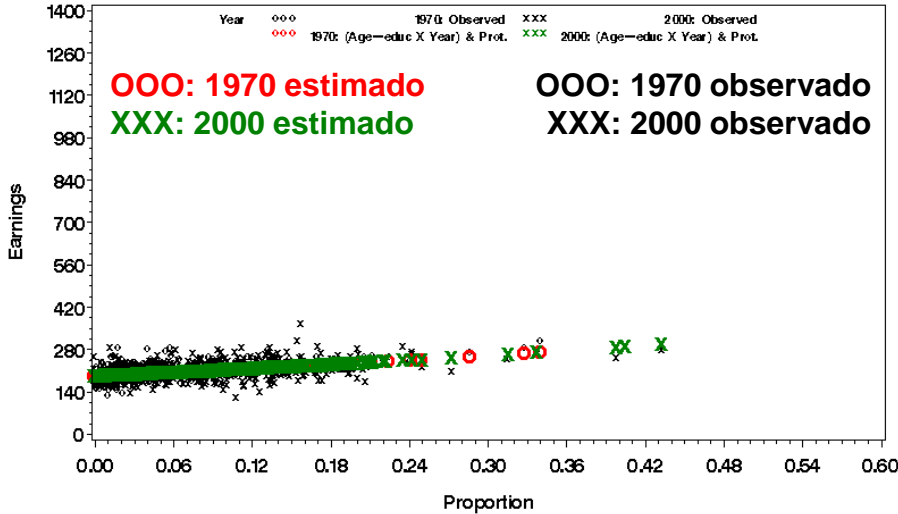
- Unidade de análise: quatro grupos de idade (15-24, 25-34, 35-49, 50-64) e três grupos de escolaridade (0-4, 5-8, 9+) geram doze grupos de idade-escolaridade.
- Dados: informações para 502 microrregiões e quatro anos censitários (1970, 1980, 1991, 2000).
- Variável dependente: logaritmo da renda média do grupo de idade-escolaridade em cada microrregião e ano.
- Variáveis independentes: variáveis dicotômicas dos grupos de idade-escolaridade, proporção de protestantes em cada grupo de idade-escolaridade, efeitos fixos de microrregião e ano censitário.

# IDADE 15-24 / ESCOLARIDADE 0-4

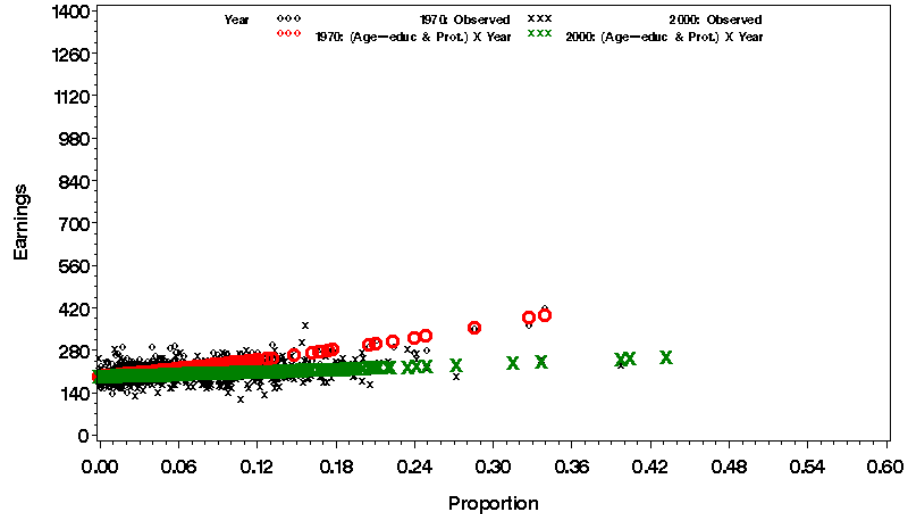
## Prop. protestantes

## Prop. protestantes \* Ano

GROUP=15-24 years of age; 0-4 years of schooling (G11)

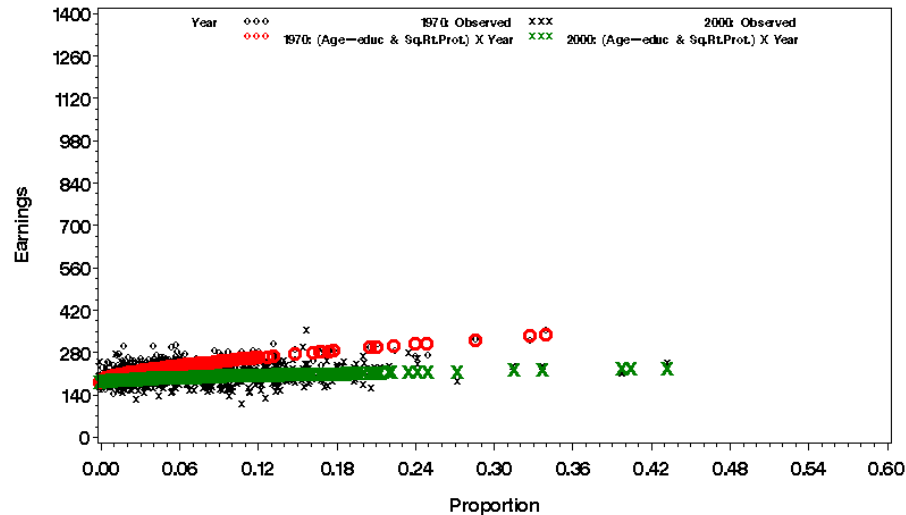


GROUP=15-24 years of age; 0-4 years of schooling (G11)



## Raiz quadrada(Prop. protestantes) \* Ano

GROUP=15-24 years of age; 0-4 years of schooling (G11)

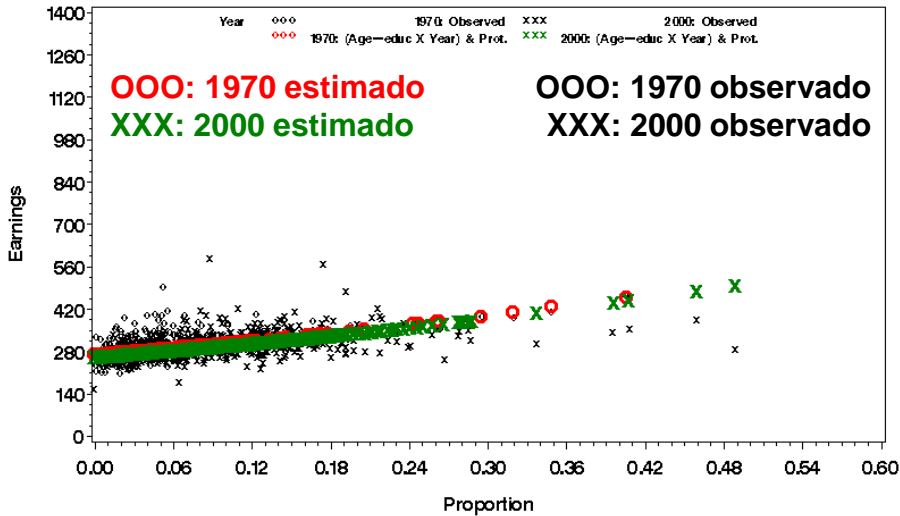


# IDADE 25-34 / ESCOLARIDADE 0-4

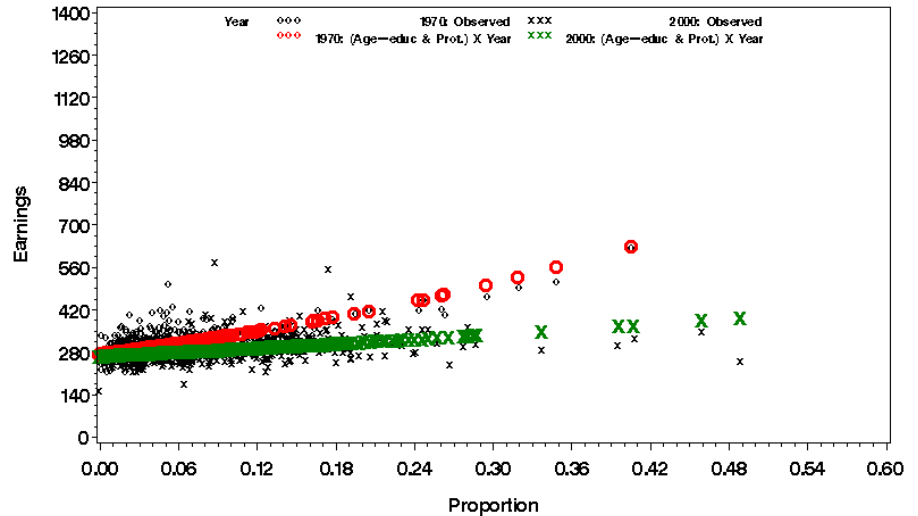
## Prop. protestantes

## Prop. protestantes \* Ano

GROUP=25-34 years of age; 0-4 years of schooling (G21)

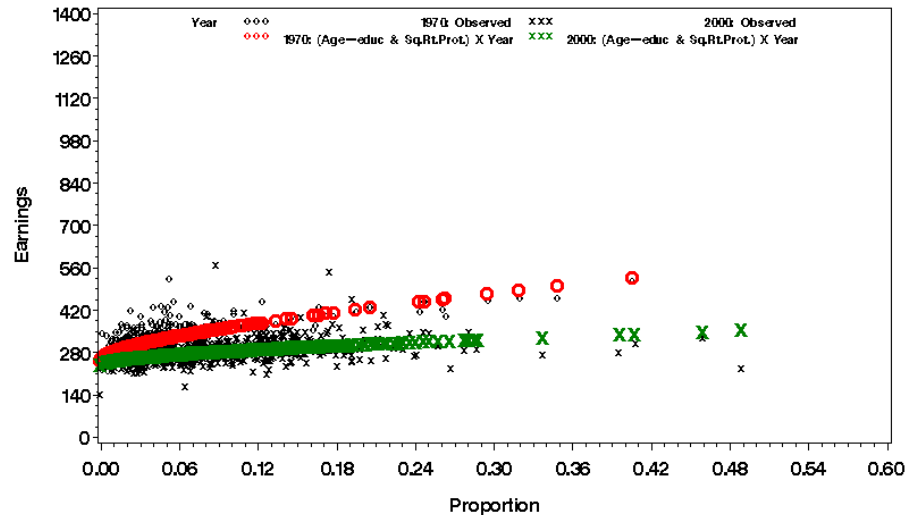


GROUP=25-34 years of age; 0-4 years of schooling (G21)



## Raiz quadrada(Prop. protestantes) \* Ano

GROUP=25-34 years of age; 0-4 years of schooling (G21)



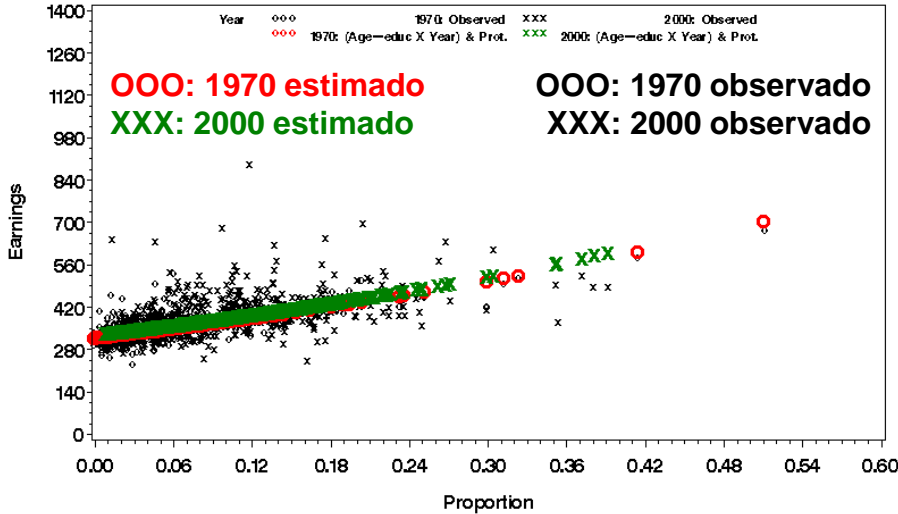


# IDADE 35-49 / ESCOLARIDADE 0-4

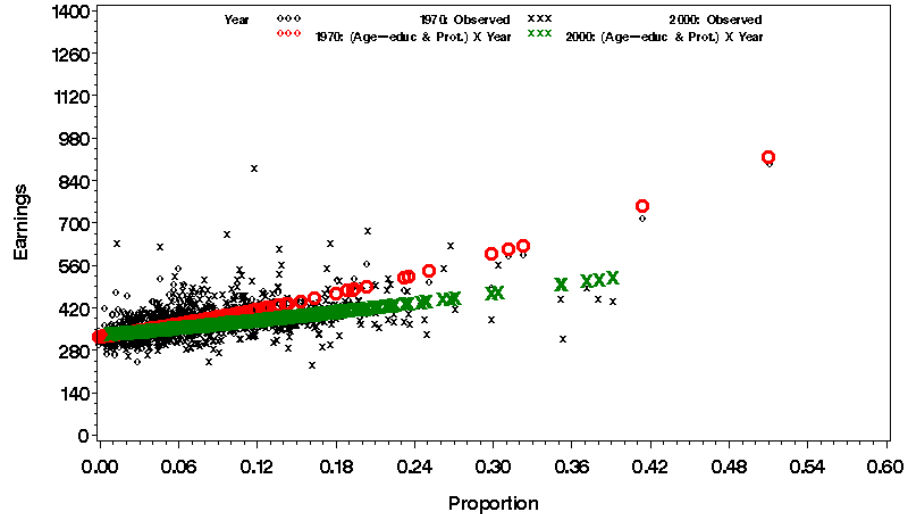
## Prop. protestantes

## Prop. protestantes \* Ano

GROUP=35-49 years of age; 0-4 years of schooling (G31)

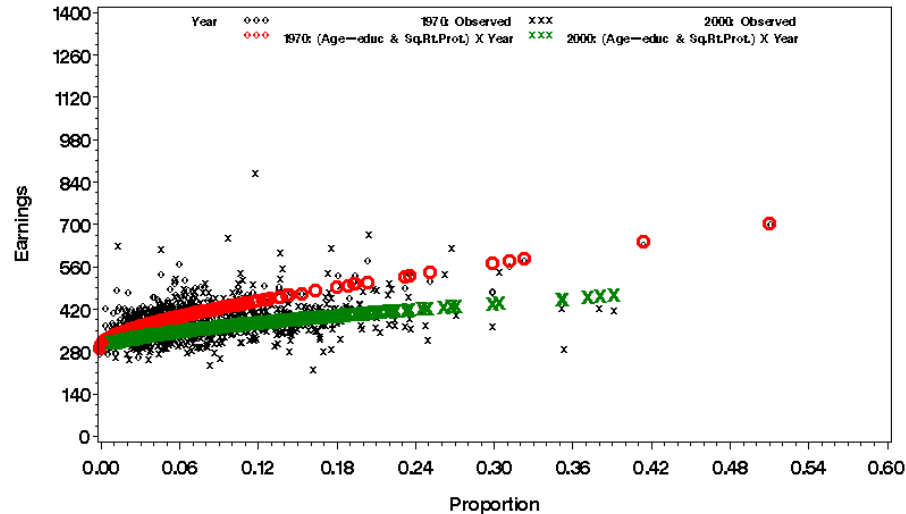


GROUP=35-49 years of age; 0-4 years of schooling (G31)



## Raiz quadrada(Prop. protestantes) \* Ano

GROUP=35-49 years of age; 0-4 years of schooling (G31)

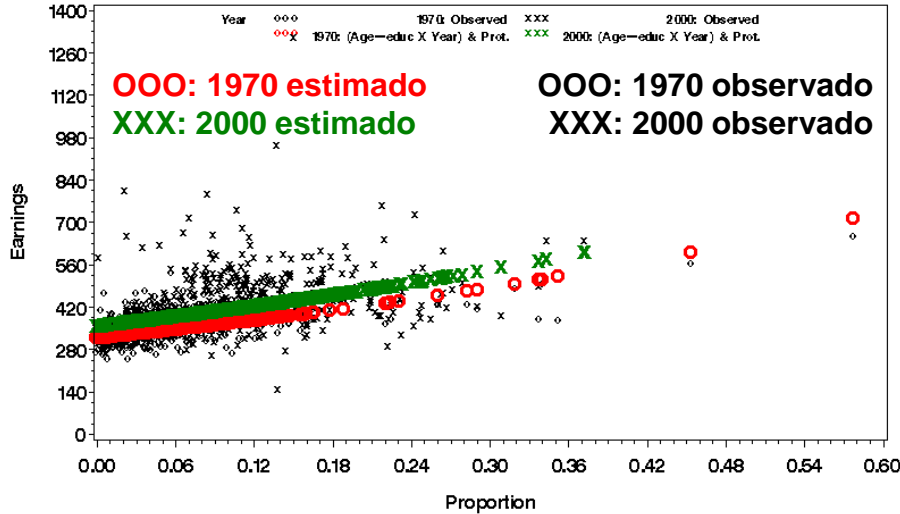


# IDADE 50-64 / ESCOLARIDADE 0-4

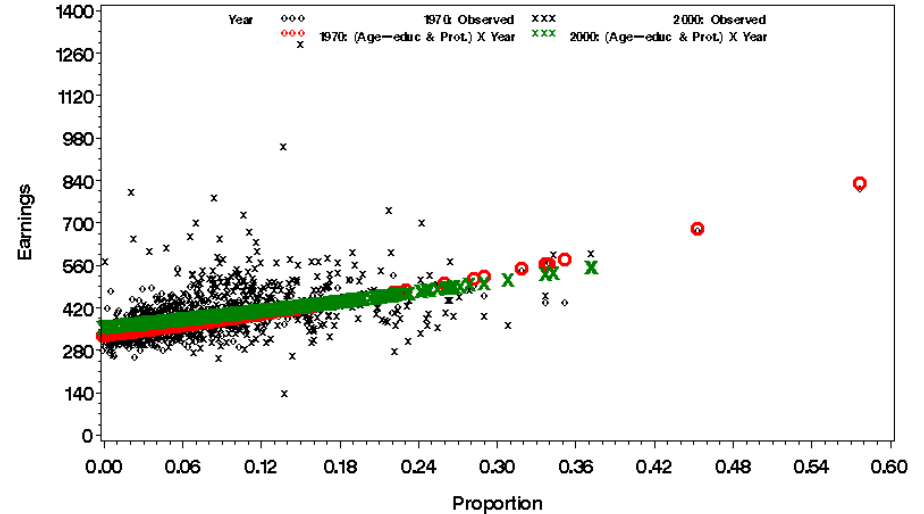
## Prop. protestantes

## Prop. protestantes \* Ano

GROUP=50-64 years of age; 0-4 years of schooling (641)

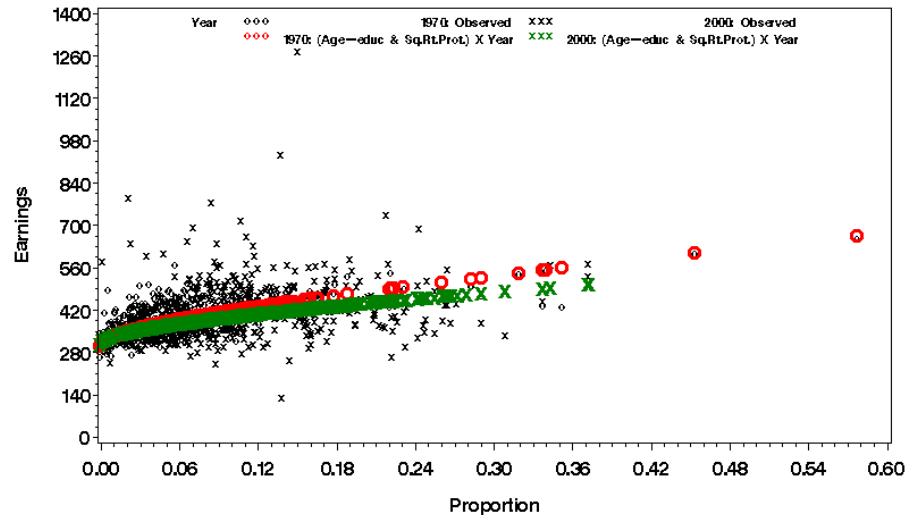


GROUP=50-64 years of age; 0-4 years of schooling (641)



## Raiz quadrada(Prop. protestantes) \* Ano

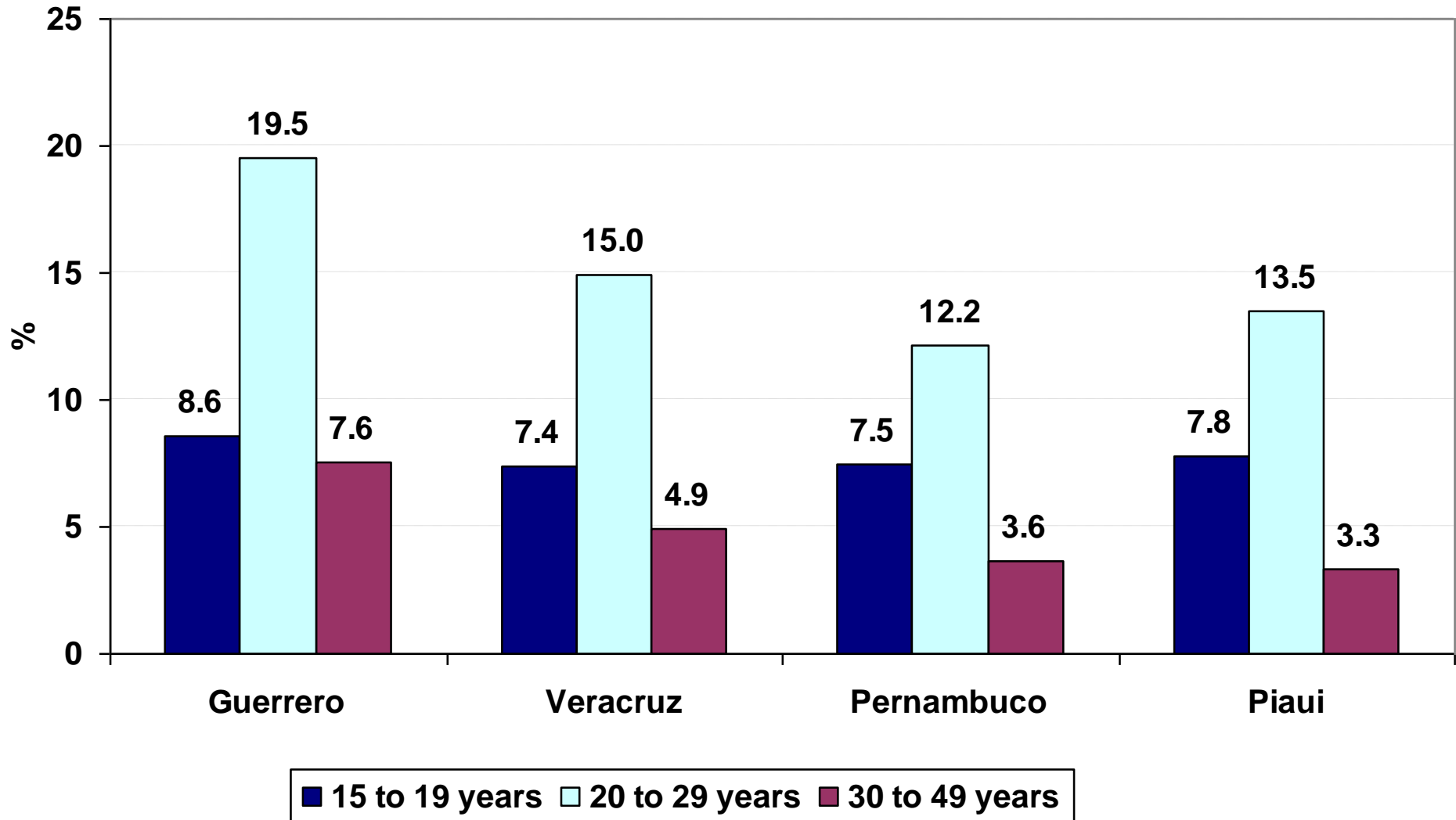
GROUP=50-64 years of age; 0-4 years of schooling (641)



# DIFERENCIAIS DE FECUNDIDADE POR ESCOLARIDADE

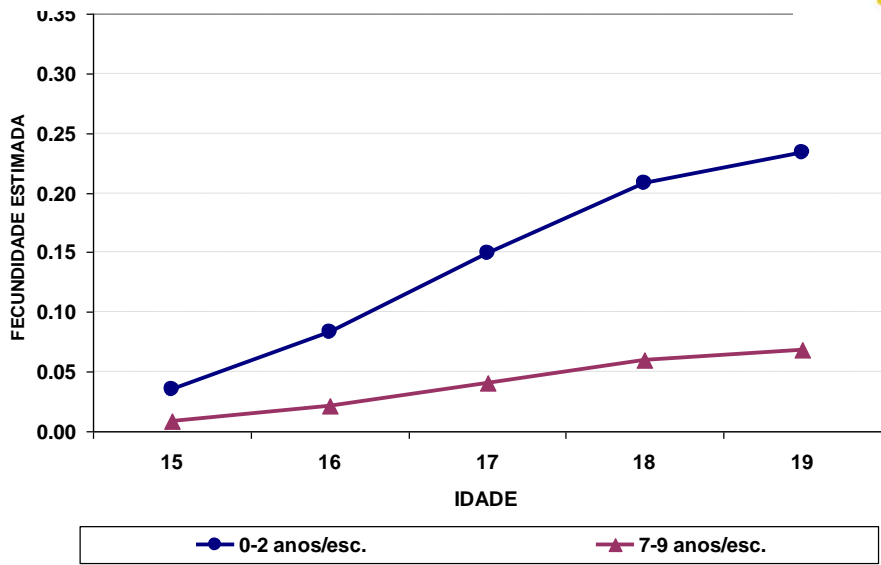
- Unidade de análise: mulheres de 10 a 45 anos em quatro Estados brasileiros (Piauí, Pernambuco, Espírito Santo, Rio Grande do Sul) e quatro Estados mexicanos (Guerrero, Veracruz, Nuevo León, Tamaulipas).
- Dados: censos demográficos de 2000 dos dois países.
- Variável dependente: informação se teve filho nascido vivo no último ano (variável binária).
- Variáveis independentes: idade, idade ao quadrado, grupos de escolaridade (0-2, 3-6, 7-9, 10+), origem indígena e características do domicílio.
- Modelo logístico para três grupos de idade (10-19, 20-29, 30-49) e para cada Estado de residência.

# MULHERES COM FILHO NASCIDO VIDO NO ÚLTIMO ANO, MÉXICO E BRASIL - 2000

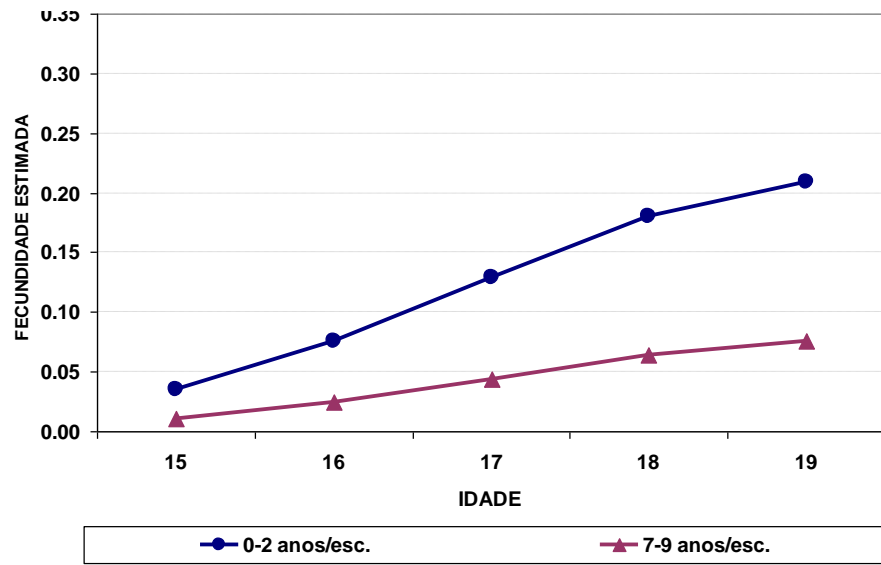




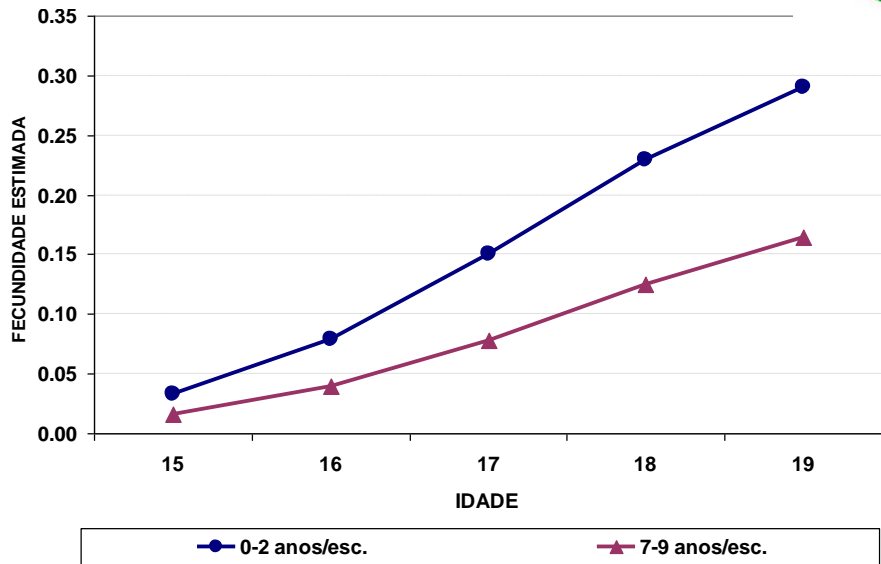
**PIAUI - BRASIL**



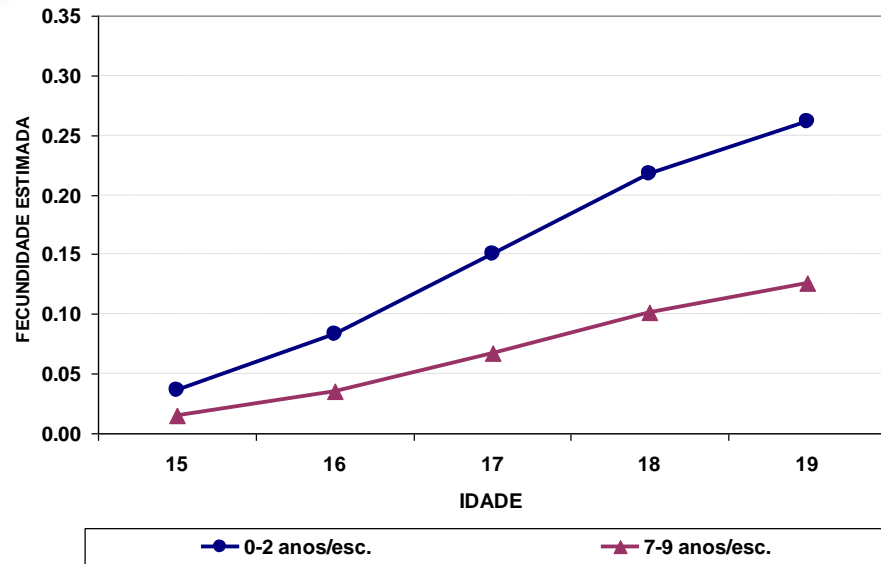
**PERNAMBUCO - BRASIL**



**GUERRERO - MÉXICO**



**VERACRUZ - MÉXICO**

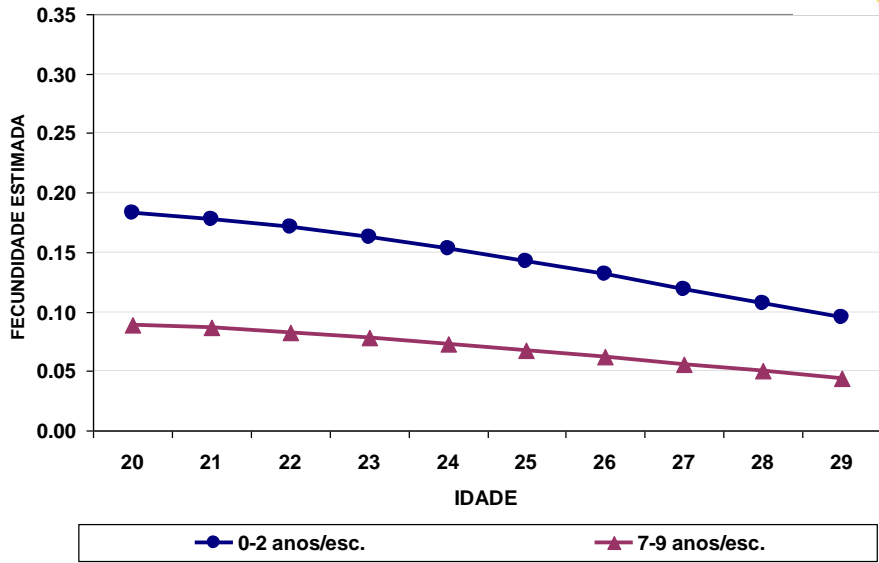


# MULHERES DE 20-29 ANOS

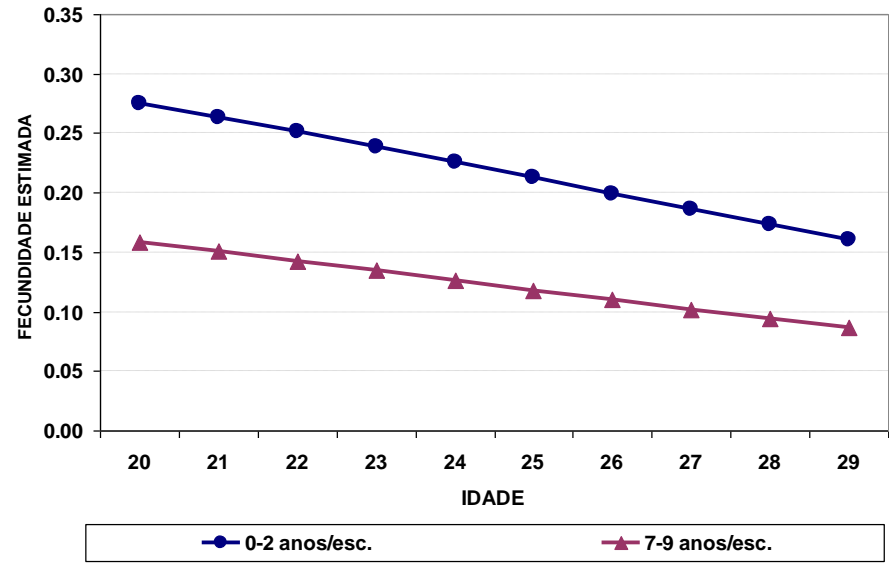


# MULHERES COM 3 FILHOS OU MAIS<sup>8</sup>

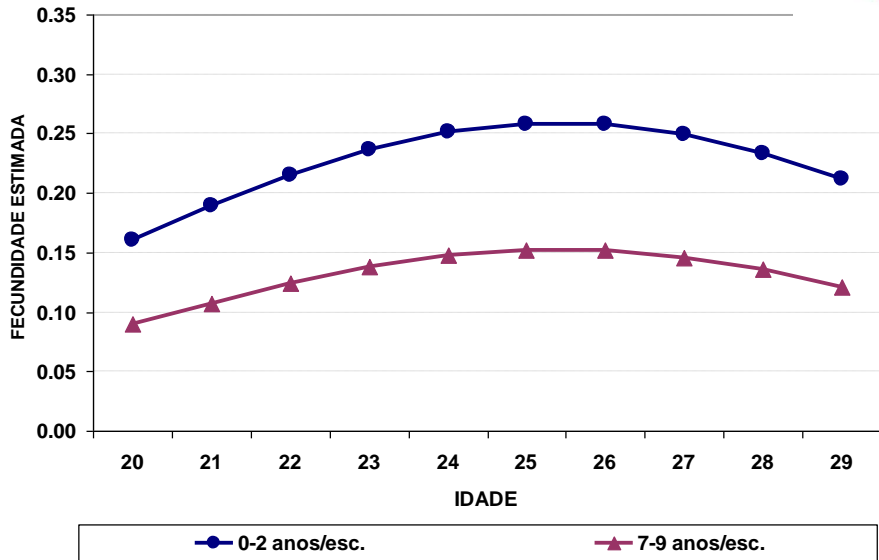
## PIAUI - BRASIL



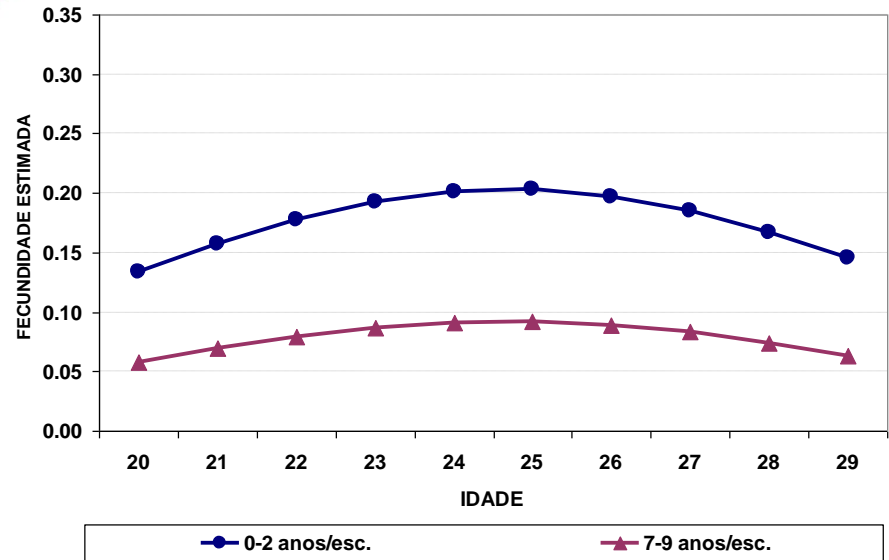
## PERNAMBUCO - BRASIL



## GUERRERO - MÉXICO



## VERACRUZ - MÉXICO

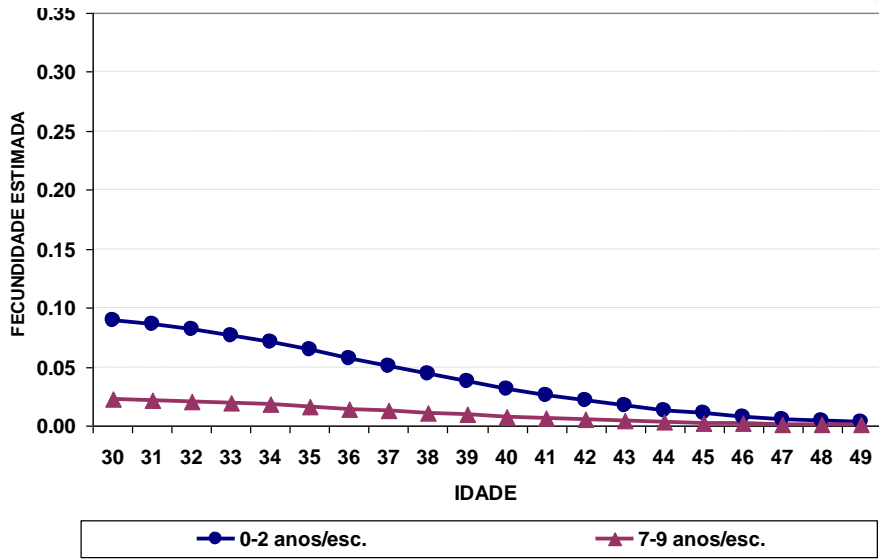


# MULHERES DE 30-49 ANOS

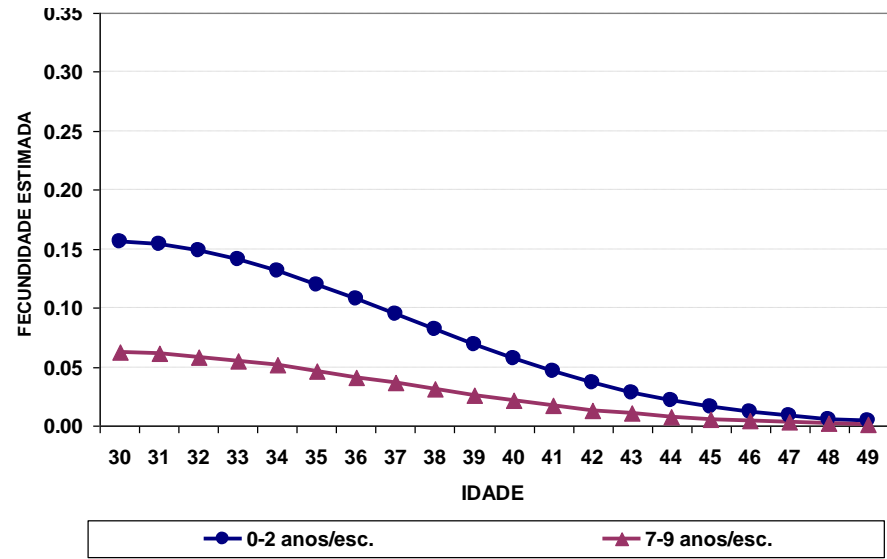


# MULHERES COM 3 FILHOS OU MAIS<sup>9</sup>

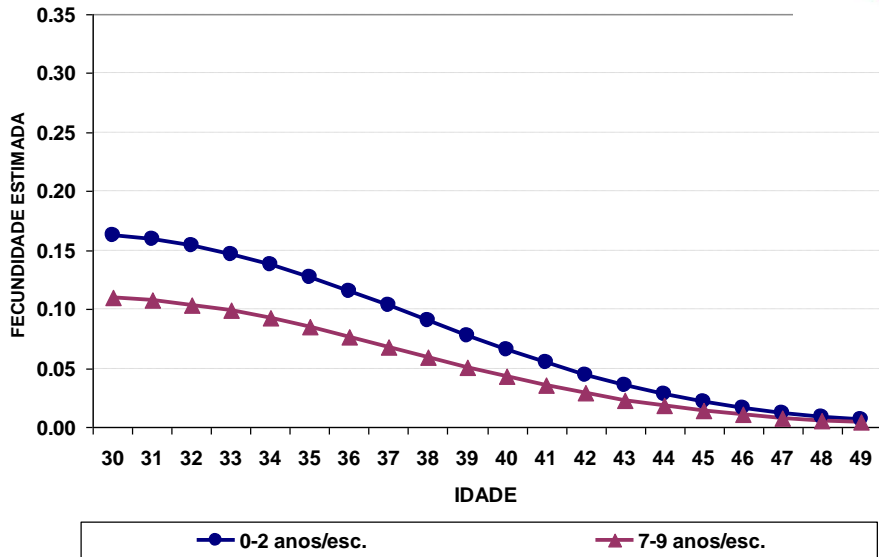
## PIAUI - BRASIL



## PERNAMBUCO - BRASIL



## GUERRERO - MÉXICO



## VERACRUZ - MÉXICO

