

AULAS 14 E 15

Inferência a partir

de duas amostras

Ernesto F. L. Amaral

01 e 03 de outubro de 2013
Metodologia de Pesquisa (DCP 854B)

Fonte:

Triola, Mario F. 2008. “Introdução à estatística”. 10^a ed. Rio de Janeiro: LTC. Capítulo 9 (pp.360-407).

ESTRUTURA DA AULA

- Inferências sobre duas proporções.
- Inferências sobre duas médias: amostras independentes.
- Inferências a partir de amostras emparelhadas.
- Comparação da variância em duas amostras.

VISÃO GERAL

- Os capítulos anteriores (estimação de valores de parâmetros populacionais e teste de hipóteses) envolveram métodos para uma única amostra, usada para se fazer inferência sobre um único parâmetro populacional.
- Na prática, há muitas situações em que desejamos comparar dois conjuntos de dados amostrais.
- Portanto, este capítulo estende os métodos abordados anteriormente para situações que envolvem comparações de duas amostras em vez de apenas uma.

INFERÊNCIAS SOBRE DUAS PROPORÇÕES

INFERÊNCIAS SOBRE DUAS PROPORÇÕES

– Objetivo é de usar duas proporções amostrais:

– Para **teste de afirmativa** sobre duas proporções populacionais.

ou

– Para construção de estimativa de **intervalo de confiança** da diferença entre proporções populacionais correspondentes.

REQUISITOS

- No **teste de hipótese** sobre duas proporções populacionais ou na construção de um **intervalo de confiança** para diferença entre duas proporções populacionais, temos estes requisitos:
 - Temos proporções de duas **amostras aleatórias simples independentes** (valores amostrais selecionados de uma população não estão relacionados ou emparelhados com valores amostrais selecionados da outra população).
 - Para cada uma das duas amostras, o número de sucessos é, pelo menos, cinco e o número de fracassos também.

NOTAÇÃO PARA DUAS PROPORÇÕES

- Para a população 1, fazemos:
 - p_1 = proporção populacional
 - n_1 = tamanho da amostra
 - x_1 = número de sucessos na amostra
- Proporção amostral: $\hat{p}_1 = \frac{x_1}{n_1}$
- $\hat{q}_1 = 1 - \hat{p}_1$
- A população 2 possui o mesmo tipo de notação.

PROPORÇÃO AMOSTRAL COMBINADA

- A proporção amostral combinada é simbolizada por p -barra e é dada por:

$$\bar{p} = \frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2}$$

- O complementar de p -barra é dado por:

$$\bar{q} = 1 - \bar{p}$$

ESTATÍSTICA DE TESTE PARA DUAS PROPORÇÕES

– Hipótese nula (H_0): $p_1 = p_2$

$$z = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - (p_1 - p_2)}{\sqrt{\frac{\bar{p}\bar{q}}{n_1} + \frac{\bar{p}\bar{q}}{n_2}}}$$

– Onde: $p_1 - p_2 = 0$ (pressuposto na hipótese nula)

$$\hat{p}_1 = \frac{x_1}{n_1} \quad \text{e} \quad \hat{p}_2 = \frac{x_2}{n_2}$$

$$\bar{p} = \frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2} \quad \text{e} \quad \bar{q} = 1 - \bar{p}$$

– Os valores de p e valores críticos são encontrados com base no valor calculado do escore z (Tabela A-2).

ESTIMATIVA DE INTERVALO DE CONFIANÇA

– A estimativa de intervalo de confiança para $p_1 - p_2$ é:

$$(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - E < (p_1 - p_2) < (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) + E$$

– Onde a margem de erro E é dada por:

$$E = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}}$$

DETERMINAÇÃO DO NÚMERO DE SUCESSOS x_1 e x_2

- Para calcular os testes de hipótese e intervalos de confiança, é preciso especificar os valores de x_1 , n_1 , x_2 e n_2 .
- Por exemplo, em uma pesquisa com 1.125 pessoas, 47% delas disseram que nunca ou raramente viajaram de avião.
 - $n_1 = 1125$
 - $\hat{p}_1 = 0,47$
 - Sendo: $x_1 = n_1 * \hat{p}_1$
 - Temos: $x_1 = 1125 * 0,47 = 528,75 \approx 529$
- Usamos os valores de n_1 e x_1 , além dos valores da população 2 (não exibidos), nos cálculos de estatística de teste para duas proporções.

TESTES DE HIPÓTESES

- Consideraremos testes de hipóteses sobre duas proporções populacionais:

$$H_0: p_1 = p_2$$

- Sob a suposição de proporções iguais, a melhor estimativa da proporção comum é obtida pela combinação de ambas amostras em uma amostra grande, de modo que p -barra se torna uma estimativa mais óbvia da proporção populacional comum.

EXEMPLO

- Pensar que a política é importante na vida é maior entre homens do que entre mulheres?

política	homem		Total
	0	1	
0	22,394	19,634	42,028
1	15,262	17,822	33,084
Total	37,656	37,456	75,112

- $n_0 = 37.656$

- $n_1 = 37.456$

- $H_0: p_0 = p_1$

- $H_1: p_1 > p_0$

- $\alpha = 0,05$

$$\bar{p} = \frac{x_0 + x_1}{n_0 + n_1} = \frac{15.262 + 17.822}{37.656 + 37.456} = 0,44046224$$

$$z = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_0) - (p_1 - p_0)}{\sqrt{\frac{\bar{p}\bar{q}}{n_1} + \frac{\bar{p}\bar{q}}{n_0}}}$$

$$z = \frac{\left(\frac{17.822}{37.456} - \frac{15.262}{37.656}\right) - (0)}{\sqrt{\frac{(0,44046224)(0,55953776)}{37.456} + \frac{(0,44046224)(0,55953776)}{37.656}}} = 19,46$$

- $P \approx 0$ é menor do que $\alpha = 0,05$. Rejeitamos hipótese nula. Há evidência de que política é mais importante dentre homens.

DESVIO PADRÃO EXATO \neq ESTIMADO

- Podemos construir uma estimativa de intervalo de confiança da diferença entre proporções populacionais ($p_1 - p_2$).
- Se um intervalo de confiança não inclui o zero, temos evidência que sugere que p_1 e p_2 tenham valores diferentes.
- O desvio padrão usado para intervalos de confiança é diferente do desvio padrão usado para o teste de hipótese.
 - O **teste de hipótese** usa desvio padrão **exato**, baseado na suposição de que não há diferença entre proporções.
 - O **intervalo de confiança** usa um desvio padrão baseado em valores **estimados** das proporções populacionais.

INTERVALOS DE CONFIANÇA

- Se desejo é de estimar diferença entre duas proporções, utilize o **intervalo de confiança**.
- Se desejo é de testar alguma afirmativa sobre duas proporções, use um método de **teste de hipótese**.
- **NÃO** teste a igualdade de duas proporções populacionais pela determinação da existência de sobreposição de dois intervalos de confiança individuais.
- A análise da sobreposição de dois intervalos de confiança individuais é mais conservadora (menos rejeição de H_0) do que estimativa de um intervalo de confiança $p_1 - p_2$.

EXEMPLO DE INTERVALO DE CONFIANÇA

– Use os dados do exemplo anterior para construir intervalo de 95% de confiança para a diferença entre as proporções.

$$- \alpha = 0,05 \qquad - \hat{p}_0 = 15.262/37.656 = 0,4053$$

$$- z_{\alpha/2} = 1,96 \qquad - \hat{p}_1 = 17.822/37.456 = 0,4758$$

$$- \text{Margem de erro:} \qquad - \hat{p}_1 - \hat{p}_0 = 0,0705$$

$$E = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_0 \hat{q}_0}{n_0} + \frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1}}$$

$$E = 1,96 \sqrt{\frac{\left(\frac{15.262}{37.656}\right) \left(\frac{22.394}{37.656}\right)}{37.656} + \frac{\left(\frac{17.822}{37.456}\right) \left(\frac{19.634}{37.456}\right)}{37.456}} = 1,96 * 0,0036 = 0,0071$$

– Intervalo de confiança:

$$(\hat{p}_1 - \hat{p}_0) - E < (p_1 - p_0) < (\hat{p}_1 - \hat{p}_0) + E$$

$$(0,4758 - 0,4053) - 0,0071 < (p_1 - p_0) < (0,4758 - 0,4053) + 0,0071$$

$$0,0634 < (p_1 - p_0) < 0,0776$$

INTERPRETAÇÃO DO RESULTADO

- Limites do intervalo de confiança não contêm zero, sugerindo que há diferença significativa entre as duas proporções populacionais.
- Temos 95% de confiança que porcentagem de homens que pensam que política é importante é maior do que porcentagem de mulheres que pensam que política é importante por uma quantidade entre 6,34% e 7,76%.

RESOLUÇÃO NO STATA

```
. prtest politica, by(mulher)
```

Two-sample test of proportion

```
0: Number of obs = 37456  
1: Number of obs = 37656
```

Variable	Mean	Std. Err.	z	P> z	[95% Conf. Interval]
0	.4758116	.0025805			.470754 .4808693
1	.4053006	.00253			.4003419 .4102593
diff	.070511	.0036138			.063428 .077594
	under Ho:	.0036228	19.46	0.000	

```
diff = prop(0) - prop(1) z = 19.4631  
Ho: diff = 0
```

```
Ha: diff < 0 Pr(Z < z) = 1.0000  
Ha: diff != 0 Pr(|Z| < |z|) = 0.0000  
Ha: diff > 0 Pr(Z > z) = 0.0000
```

- **Teste de hipótese:** a probabilidade de não rejeitarmos H_0 : $\text{diff}=0$ é muito pequena: $P(Z>z)=0$. Rejeitamos hipótese nula.
- Aceitamos H_1 : $\text{diff}>0$. Há evidência de que política é mais importante para homens (prop_0) do que para mulheres (prop_1).
- **Intervalo de confiança:** com NC de 95%, diferença das proporções de homens e mulheres varia de 0,0634 a 0,0776.

INFERÊNCIAS SOBRE DUAS MÉDIAS: AMOSTRAS INDEPENDENTES

DEFINIÇÕES DE AMOSTRAS

- **Amostras independentes:** valores amostrais de uma população não estão relacionados ou combinados com os valores amostrais selecionados da outra população.
 - Ex.: grupo de tratamento e grupo de controle.

- **Amostras dependentes:** membros de uma amostra podem ser usados para determinar os membros da outra amostra.
 - Consistem em dados emparelhados dependentes, tais como dados de marido/mulher.
 - Dependência pode ocorrer com amostras relacionadas por associações como membros de uma família.
 - Ex.: dados coletados antes e depois de política pública.

INFERÊNCIAS SOBRE DUAS MÉDIAS

- Serão apresentados métodos para uso de dados amostrais provenientes de **duas amostras independentes** para:
 - Teste de hipóteses sobre duas médias populacionais.
 - Construção de estimativas de intervalos de confiança para diferença entre duas médias populacionais.
- Esses métodos podem ser aplicados a situações em que:
 - Desvios padrões das duas populações são **desconhecidos e diferentes**. São métodos mais realistas e têm melhor desempenho.
 - Desvios padrões das duas populações são **conhecidos**.
 - Desvios padrões das duas populações são **desconhecidos**, mas **se supõe que sejam iguais**.

σ_1 E σ_2 DESCONHECIDOS E DIFERENTES

- Ao usar duas amostras independentes para testar afirmativa sobre diferença ($\mu_1 - \mu_2$) ou para construir intervalo de confiança utilize este requisitos:
 - σ_1 e σ_2 são desconhecidos e não se faz suposição sobre igualdade entre eles.
 - Duas amostras são independentes.
 - Amostras aleatórias simples.
 - Uma ou ambas destas condições são satisfeitas:
 - Duas amostras são grandes ($n_1 > 30$ e $n_2 > 30$).
 - Amostras provêm de populações com distribuições normais:
 - Em amostras pequenas, procedimentos funcionam se não houver *outliers*.

TESTE DE HIPÓTESE PARA DUAS MÉDIAS

- Para obter estatística do teste de hipótese para duas médias com amostras independentes, utilize:

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}$$

- Ao determinar valores críticos ou valores P , é preciso obter o número de graus de liberdade (gl):
 - No livro, gl é o menor número entre n_1-1 e n_2-1 .
 - Nos pacotes estatísticos:

$$gl = \frac{(A + B)^2}{\frac{A^2}{n_1 - 1} + \frac{B^2}{n_2 - 1}} \quad \text{onde: } A = \frac{s_1^2}{n_1} \quad \text{e} \quad B = \frac{s_2^2}{n_2}$$

INTERVALO DE CONFIANÇA PARA $\mu_1 - \mu_2$

– Intervalo de confiança para a diferença $\mu_1 - \mu_2$ é:

$$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - E < (\mu_1 - \mu_2) < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + E$$

– Onde:

$$E = t_{\alpha/2} \sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}$$

– Graus de liberdade é o mesmo usado para teste de hipótese.

EXPLORANDO CONJUNTOS DE DADOS

- Antes de realizar teste de hipótese ou construir intervalo de confiança, devemos explorar as duas amostras:
 - Encontrar estatísticas descritivas para ambos conjuntos de dados (n , média e desvio padrão).
 - Fazer diagramas de caixa para os dois conjuntos de dados com a mesma escala.
 - Fazer histogramas do dois conjuntos de dados para comparar suas distribuições.
 - Identificar valores extremos (*outliers*).

σ_1 E σ_2 CONHECIDOS

- No caso raro de conhecermos os desvios padrões populacionais, a estatística de teste e o intervalo de confiança se baseiam na distribuição normal em lugar da distribuição t .
- **Requisitos:**
 - Dois desvios padrões populacionais são conhecidos.
 - Duas amostras são independentes.
 - Amostras aleatórias simples.
 - Uma ou ambas destas condições são satisfeitas:
 - Duas amostras são grandes ($n_1 > 30$ e $n_2 > 30$).
 - Amostras provêm de populações com distribuições normais. Em amostras pequenas, procedimentos funcionam se não houver *outliers*.

TESTE DE HIPÓTESE PARA DUAS MÉDIAS

- A estatística (z) do teste de hipótese para duas médias de amostras independentes com σ_1 e σ_2 conhecidos é:

$$Z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

- Procurar valores P e valores críticos na tabela de distribuição normal padrão (Tabela A-2).

INTERVALO DE CONFIANÇA

- O intervalo de confiança para $\mu_1 - \mu_2$ em amostras independentes com σ_1 e σ_2 conhecidos é:

$$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - E < (\mu_1 - \mu_2) < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + E$$

- Onde:

$$E = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$$

σ_1 E σ_2 DESCONHECIDOS E IGUAIS

- Se valores de σ_1 e σ_2 não forem conhecidos, mas se for razoável supor que tenham o mesmo valor, as variâncias amostrais podem ser combinadas para estimar σ^2 .
- A estimativa combinada de σ^2 é denotada por s_p^2 .

REQUISITOS PARA σ_1 E σ_2 DESCONHECIDOS E IGUAIS

- Dois desvios padrões populacionais não são conhecidos, mas supõe-se que sejam iguais ($\sigma_1 = \sigma_2$).
- Duas amostras são independentes.
- Amostras aleatórias simples.
- Uma ou ambas destas condições são satisfeitas:
 - Duas amostras são grandes ($n_1 > 30$ e $n_2 > 30$).
 - Amostras provêm de populações com distribuições normais:
 - Em amostras pequenas, procedimentos funcionam se não houver *outliers*.

TESTE DE HIPÓTESE

- Estatística do teste de hipótese para duas médias com amostras independentes e com σ_1 igual a σ_2 :

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_p^2}{n_1} + \frac{s_p^2}{n_2}}}$$

- Onde temos a variância combinada:

$$s_p^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{(n_1 - 1) + (n_2 - 1)}$$

- O número de graus de liberdade é dado por $gl = n_1 + n_2 - 2$.

INTERVALO DE CONFIANÇA

- O intervalo de confiança para $\mu_1 - \mu_2$ com amostras independentes e com σ_1 e σ_2 iguais é:

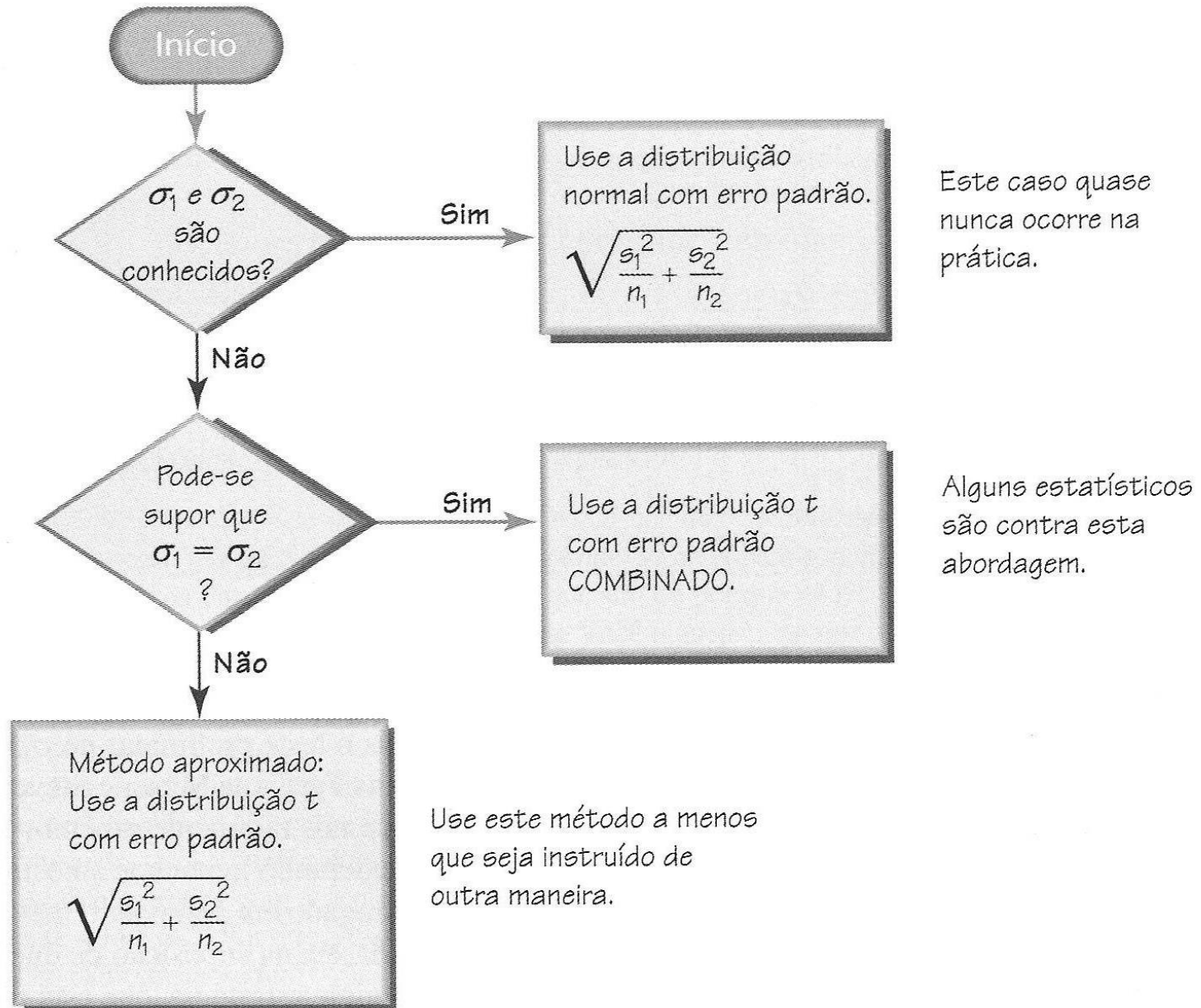
$$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - E < (\mu_1 - \mu_2) < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + E$$

- Onde:

$$E = t_{\alpha/2} \sqrt{\frac{s_p^2}{n_1} + \frac{s_p^2}{n_2}}$$

- A variância combinada (s_p^2) e o número de graus de liberdade ($n_1 + n_2 - 2$) é similar ao do teste de hipótese.

INFERÊNCIA SOBRE DUAS MÉDIAS INDEPENDENTES



INFERÊNCIAS A PARTIR DE AMOSTRAS EMPARELHADAS

INFERÊNCIAS COM AMOSTRAS EMPARELHADAS

- Duas amostras são dependentes se membros de uma amostra podem ser usados para determinarem os membros da outra amostra.
- Ou seja, com dados emparelhados, há alguma relação, de modo que cada valor em uma amostra está emparelhado com um valor correspondente na outra amostra.

REQUISITOS PARA AMOSTRAS EMPARELHADAS

- Dados amostrais consistem em dados emparelhados.
- Amostras aleatórias simples.
- Uma ou ambas destas condições são satisfeitas:
 - Número de pares de dados é grande ($n > 30$).
 - Pares têm diferenças que são provenientes de uma população com distribuição aproximadamente normal.
 - Se houver afastamento radical da distribuição normal, não devemos usar os métodos desta seção.

NOTAÇÃO PARA DADOS EMPARELHADOS

- d = diferença individual entre os dois valores em um único par.
- μ_d = valor médio das diferenças d para a população de todos os pares.
- \bar{d} = valor médio das diferenças d para os dados amostrais emparelhados (igual à média dos valores $x - y$).
- s_d = desvio padrão das diferenças d para os dados amostrais emparelhados.
- n = número de pares de dados.

TESTE DE HIPÓTESE

- Estatística de teste de hipótese para dados emparelhados é dada por:

$$d = \frac{\bar{d} - \mu_d}{\frac{S_d}{\sqrt{n}}}$$

- Onde graus de liberdade é igual a $n - 1$.

INTERVALO DE CONFIANÇA

– Intervalo de confiança para dados emparelhados é:

$$\bar{d} - E < \mu_d < \bar{d} + E$$

– Onde:

$$E = t_{\alpha/2} \frac{S_d}{\sqrt{n}}$$

EXEMPLO

- Índice de valores racionais (tradicional/secular) é maior entre homens do que entre mulheres?

tab mulher, sum(tradrat5) mean

mulher	Mean
0	.2231321
1	.24008968
Total	.23166243

RESOLUÇÃO DO EXEMPLO

```
. ttest tradrat5, by(mulher)
```

Two-sample t test with equal variances

Group	Obs	Mean	Std. Err.	Std. Dev.	[95% Conf. Interval]	
0	39730	.2231321	.0043531	.8676724	.2146	.2316642
1	40216	.2400897	.0045294	.9083252	.2312119	.2489674
combined	79946	.2316624	.003142	.8883898	.2255041	.2378207
diff		-.0169576	.0062839		-.0292739	-.0046413

diff = mean(0) - mean(1) t = -2.6986
 Ho: diff = 0 degrees of freedom = 79944

Ha: diff < 0
 Pr(T < t) = 0.0035

Ha: diff != 0
 Pr(|T| > |t|) = 0.0070

Ha: diff > 0
 Pr(T > t) = 0.9965

- **Teste de hipótese:** probabilidade de não rejeitar H_0 : diff=0 é muito pequena: $P(T < t) = 0,0035$. Rejeitamos hipótese nula.
- Aceitamos H_1 : diff < 0. Evidência de menores valores seculares entre homens ($mean_0$) do que mulheres ($mean_1$).
- **Intervalo de confiança:** com NC de 95%, diferença das médias de homens e mulheres varia de -0,0293 a -0,0046.

COMPARAÇÃO DA VARIAÇÃO EM DUAS AMOSTRAS

COMPARAÇÃO DA VARIAÇÃO EM DUAS AMOSTRAS

- Esta seção apresenta o teste F que usa duas variâncias amostrais (ou desvios padrões) para a comparação de duas variâncias populacionais (ou desvios padrões).
- O teste F para a comparação de duas variâncias populacionais é muito sensível a afastamentos da distribuição normal.
- Notações de medidas de variação:
 - s = desvio padrão de amostra
 - s^2 = variância da amostra (desvio padrão amostral ao quadrado).
 - σ = desvio padrão da população.
 - σ^2 = variância da população (desvio padrão populacional ao quadrado)

REQUISITOS

- Duas populações são independentes uma da outra:
 - Duas amostras são independentes se amostra selecionada de uma população não se relaciona com amostra selecionada da outra população.
- Duas populações são normalmente distribuídas:
 - Métodos desta seção não são robustos, já que são extremamente sensíveis a afastamentos da normalidade.

TESTES DE HIPÓTESE

- Notação para testes de hipótese com duas variâncias ou desvios padrões:
 - s_1^2 = maior das duas variâncias amostrais.
 - n_1 = tamanho da amostra com a maior variância.
 - σ_1^2 = variância da população da qual se extraiu a amostra com a maior variância.
 - Os símbolos s_2^2 , n_2 e σ_2^2 são usados para a outra amostra e população.

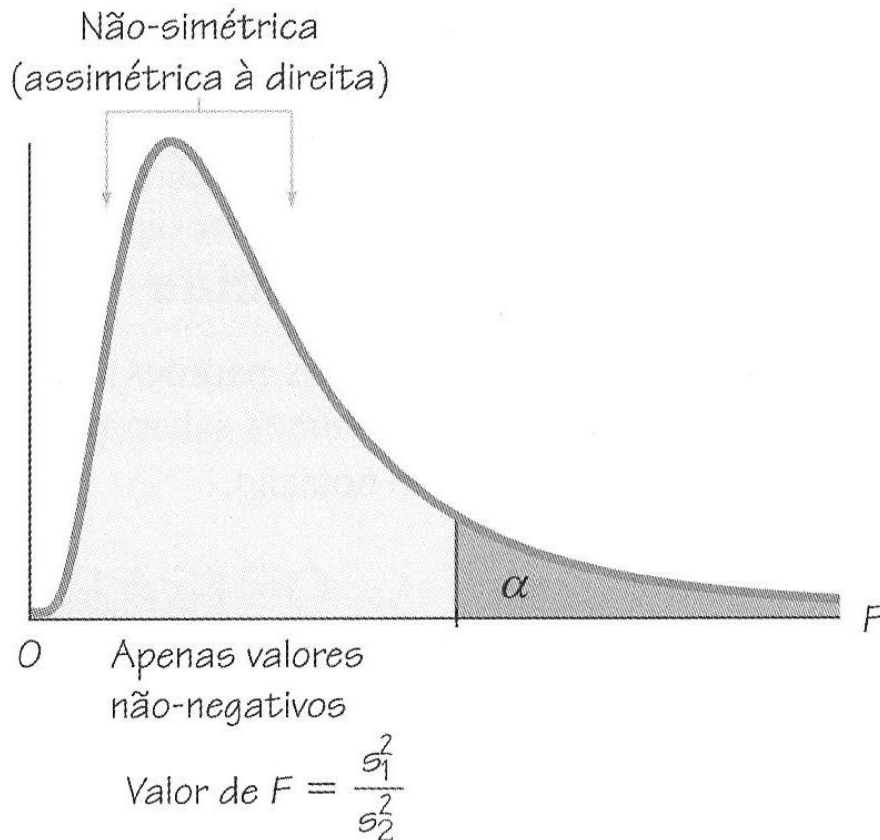
- Estatística de teste de hipótese com duas variâncias:

$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

- Número de graus de liberdade do numerador = $n_1 - 1$.
- Número de graus de liberdade do denominador = $n_2 - 2$.

DISTRIBUIÇÃO F

- Se realizarmos vários experimentos para selecionar amostras aleatórias de duas populações normalmente distribuídas com variâncias iguais, a distribuição da razão s_1^2/s_2^2 das variâncias amostrais será a distribuição F .



- Há uma distribuição F diferente para cada par distinto de graus de liberdade para o numerador e o denominador.

INTERPRETAÇÃO DA ESTATÍSTICA DE TESTE F

- Se as duas populações têm variâncias iguais, então a razão s_1^2/s_2^2 tende a se aproximar de 1.
- Como s_1^2 é sempre a maior variância, s_1^2 e s_2^2 terão valores muito distantes um do outro se a razão for um número grande.
- Ou seja, valores grandes de F são evidência contra $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$.
- A estatística de teste F se aplica a uma afirmativa feita sobre duas variâncias, mas pode ser usada para realizar afirmações sobre dois desvios padrões.

EXEMPLO

- Índice de valores racionais (tradicional/secular) possui desvio padrão maior entre homens do que entre mulheres?

```
. sdtest tradrat5, by(homem)
```

Variance ratio test

Group	obs	Mean	Std. Err.	Std. Dev.	[95% Conf. Interval]	
0	40216	.2400897	.0045294	.9083252	.2312119	.2489674
1	39730	.2231321	.0043531	.8676724	.2146	.2316642
combined	79946	.2316624	.003142	.8883898	.2255041	.2378207

```
ratio = sd(0) / sd(1)                                f = 1.0959
Ho: ratio = 1                                         degrees of freedom = 40215, 39729
```

```
Ha: ratio < 1
Pr(F < f) = 1.0000
```

```
Ha: ratio != 1
2*Pr(F > f) = 0.0000
```

```
Ha: ratio > 1
Pr(F > f) = 0.0000
```

- **Teste de hipótese:** probabilidade de não rejeitar H_0 : razão=1, é muito pequena: $P(F>f)=0,0000$. Rejeitamos H_0 .
- Aceitamos H_1 : razão>1. Evidência de maior desvio padrão no índice entre mulheres (sd_0) do que entre homens (sd_1).