# Eleições Legislativas, Comportamento Parlamentar e Modelos de Efeitos Fixos

Ernesto F. L. Amaral Magna M. Inácio

14 de outubro de 2010 Tópicos Especiais em Teoria e Análise Política: Problema de Desenho e Análise Empírica (DCP 859B4)

# MODELO DE POISSON (revisão)

## PARÂMETROS DA DISTRIBUIÇÃO DE POISSON

Probabilidade de ocorrência do evento x:

$$P(x) = \frac{\mu^x * e^{-\mu}}{x!}$$
, onde  $e \approx 2,71828$ 

– Média na distribuição de Poisson:

- Desvio padrão na distribuição de Poisson:

$$\sigma = \sqrt{\mu}$$

#### DEBILIDADE DO MODELO DE POISSON

- A regressão de Poisson leva em consideração a heterogeneidade observada (isto é, diferenças observadas entre os membros da amostra), ao especificar a taxa média  $(\mu_i)$  como uma função de  $x_k$ 's observados.
- Na prática, o modelo de Poisson raramente possui bom ajuste, devido à grande dispersão (overdispersion) dos dados.
- O modelo subestima a quantidade de dispersão na variável dependente.
- Com três variáveis independentes, o modelo de Poisson é:

$$\mu_i = exp(\beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i3})$$

### **EXEMPLO DE MODELO DE POISSON**

poisson nr distcart fidcom opoprec espec nesup tampartc fidpart anospart lg

nr	Coef.	Std. Err.	Z	P>   z	[95% Conf	. Interval]
distcart fidcom opoprec espec nesup tampartc fidpart anospart_lg _cons	0682158 -1.381617 5577167 .0622296 .2009064 .0518085 1.24556 .2440518 -3.673452	.0598894 .5224748 .4077015 .5398295 .5369032 .0213354 .7592156 .3625315 .9435975	-1.14 -2.64 -1.37 0.12 0.37 2.43 1.64 0.67 -3.89	0.255 0.008 0.171 0.908 0.708 0.015 0.101 0.501 0.000	1855968 -2.405649 -1.356797 9958168 8514046 .0099918 2424749 4664969 -5.522869	.04916523575851 .2413636 1.120276 1.253217 .0936252 2.733596 .9546004 -1.824034

# MODELO BINOMIAL NEGATIVO (revisão)

#### **MODELO BINOMIAL NEGATIVO**

- O modelo de regressão binomial negativo trata desta debilidade do modelo de Poisson, ao adicionar um parâmetro α que reflete a heterogeneidade não-observada entre as observações.
- O modelo binomial negativo adiciona um erro (ε) que é assumido como não correlacionado com os x's:

$$\tilde{\mu}_{i} = exp(\beta_{0} + \beta_{1}x_{i1} + \beta_{2}x_{i2} + \beta_{3}x_{i3} + \varepsilon_{i})$$

$$\tilde{\mu}_{i} = exp(\beta_{0} + \beta_{1}x_{i1} + \beta_{2}x_{i2} + \beta_{3}x_{i3})exp(\varepsilon_{i})$$

$$\tilde{\mu}_{i} = exp(\beta_{0} + \beta_{1}x_{i1} + \beta_{2}x_{i2} + \beta_{3}x_{i3})\delta_{i}$$

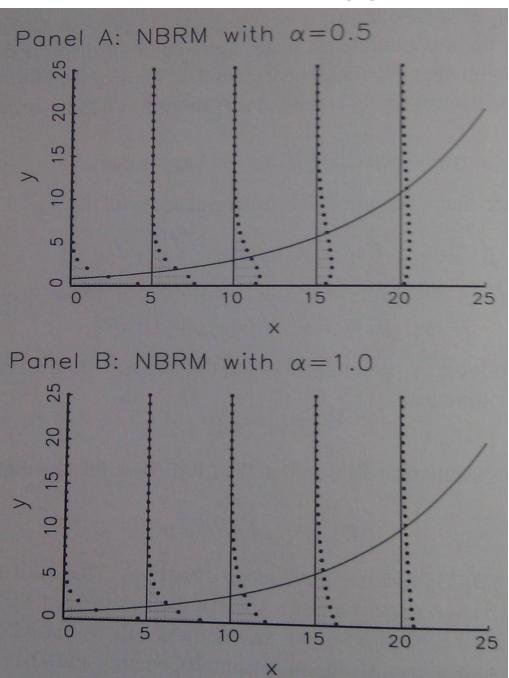
– O modelo assume que  $E(\delta)=1$ , o que é similar a  $E(\epsilon)=0$ , no modelo de mínimos quadrados ordinários. Temos então:

$$E(\tilde{\mu}) = \mu E(\delta) = \mu$$

## VALORES DE ALFA NO MODELO BINOMIAL NEGATIVO

- Na distribuição binomial negativa, o parâmetro α determina o grau de dispersão das predições.
- A dispersão das contagens preditas para um determinado valor de x é maior do que no modelo de Poisson.
- Há uma maior probabilidade de contagem de zero.
- Maiores valores de α resultam em maior dispersão dos dados.
- Se α=0, o modelo binomial negativo se torna similar ao modelo de Poisson, o que acaba sendo o teste central para verificar sobre-dispersão (overdispersion).

### **EXEMPLOS DE VALORES DE ALFA**



 – Painel B possui maior valor de α, por isso há maior dispersão dos dados.

### **EXEMPLO DE MODELO BINOMIAL NEGATIVO**

nbreg nr distcart fidcom opoprec espec nesup tampartc fidpart anospart lg, nolog

Negative binomial regression Dispersion = mean Log likelihood = -208.35127 Number of obs = 787 LR chi2(8) = 18.64 Prob > chi2 = 0.0169 Pseudo R2 = 0.0428

nr	Coef.	Std. Err.	Z	P>   z	[95% Conf.	Interval]
distcart fidcom opoprec espec nesup tampartc fidpart anospart_lg _cons	0528429 -1.320277 5389544 .0756484 .2059458 .0574349 1.164546 .2674125 -3.79704	.0651789 .6378993 .4361219 .5826823 .5815947 .0242506 .799429 .4004282 1.02207	-0.81 -2.07 -1.24 0.13 0.35 2.37 1.46 0.67 -3.72	0.418 0.038 0.217 0.897 0.723 0.018 0.145 0.504 0.000	1805913 -2.570536 -1.393738 -1.066388 9339589 .0099045 4023061 5174123 -5.800259	.0749054 070017 .3158287 1.217685 1.34585 .1049653 2.731398 1.052237 -1.79382
/lnalpha	.6962311	.5625984			4064415	1.798904
alpha	2.006177	1.128672			.6660161	6.043019

Likelihood-ratio test of alpha=0: chibar2(01) = 7.87 Prob=chibar2 = 0.003

# MODELO DE CONTAGEM DE ZERO INFLACIONADO (revisão)

#### MODELO DE CONTAGEM DE ZERO INFLACIONADO

– O modelo binomial negativo melhora a subestimação de zeros do modelo de Poisson, com o aumento da variância condicional ( $\epsilon$ ), sem mudar a média condicional ( $\mu$ ).

 Os modelos de contagem de zero inflacionado (zero-inflated count models) corrigem a falha do modelo de Poisson, ao levar em consideração a dispersão e excesso de zeros.

 Isto é realizado ao mudar a estrutura da média, permitindo que zeros sejam gerados em dois processos distintos.

### DOIS GRUPOS NO MODELO DE ZERO INFLACIONADO

- O modelo zero inflacionado permite que um grupo de indivíduos tenha sempre probabilidade igual a um, ao aumentar a variância condicional e a probabilidade de contagem de zeros [P(0)=1].
- O modelo zero inflacionado assume que há dois grupos latentes (não-observados):
  - Um indivíduo no "grupo sempre-zero" tem um resultado zero com probabilidade igual a 1 [P(0)=1].
  - Um indivíduo no "grupo não-sempre-zero" pode ter um resultado zero, mas há uma probabilidade não-zero que haja uma contagem positiva:

$$0 < P(0) < 1$$
 ou  $0 < P(>0) < 1$ 

#### EXEMPLO DE MODELO DE ZERO INFLACIONADO

Zero-inflated negative binomial regression	Number of obs	=	787
	Nonzero obs	=	53
	Zero obs	=	734
<pre>Inflation model = logit Log likelihood = -180.1547</pre>	LR chi2( <b>10</b> ) Prob > chi2	=	32.62 0.0003

	Coef.	Std. Err.	z	P>   z	[95% Conf.	. Interval]
nr distcart fidcom opoprec espec nesup	1323871 4545654 4497804 .5572901 .3589925	.0598645 .5182219 .4224804 .5801488	-2.21 -0.88 -1.06 0.96 0.63	0.027 0.380 0.287 0.337 0.529	2497194 -1.470262 -1.277827 5797807 7580918	0150548 .5611308 .378266 1.694361 1.476077
tampartc fidpart anospart_lg prselc nrelcom_lg _cons	.036299 .8946669 .3623275 24.83782 2.363634 -5.648085	.0228734 .6565003 .3904626 50.11413 .3884544 2.202065	1.59 1.36 0.93 0.50 6.08 -2.56	0.113 0.173 0.353 0.620 0.000 0.010	008532 39205 4029651 -73.38406 1.602278 -9.964053	.08113 2.181384 1.12762 123.0597 3.124991 -1.332118
<pre>inflate     prselc     nrelcom_lg     _cons</pre>	-275.9018 1.108066 5.293159	269.6386 4.006422 4.479106	-1.02 0.28 1.18	0.306 0.782 0.237	-804.3836 -6.744377 -3.485727	252.5801 8.960508 14.07204
/lnalpha	-18.56568	584.7449	-0.03	0.975	-1164.645	1127.513
alpha	8.65e-09	5.06e-06			0	•

# MODELO HIERÁRQUICO (revisão)

## **MODELO HIERÁRQUICO**

- Esse modelo exige a especificação de quais variáveis afetam cada nível de análise.
- Primeiro nível:

$$Y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + r$$

– Segundo nível:

$$\beta_0 = \gamma_{00} + \gamma_{01} z_1 + u_0$$

$$\beta_1 = \gamma_{10} + \gamma_{11}Z_1 + \gamma_{12}Z_2 + U_1$$

## **MODELO HIERÁRQUICO**

- Estimar a proporção de explicação das variáveis estaduais sobre o posicionamento do deputado na escala governista/independente/oposicionista.
- É preciso estimar um modelo hierárquico nulo que informa os componentes de variância do primeiro nível (deputado) e segundo nível (Estado) da regressão.
- Nível individual do modelo nulo:

$$Y = \beta_0 + r$$
$$r = sd(Residual)$$

– Nível estadual do modelo nulo:

$$\beta_0 = \gamma_{00} + u_0$$
$$u_0 = \operatorname{sd}(\underline{-}\operatorname{cons})$$

### EXEMPLO DE MODELO HIERÁRQUICO NULO

xtmixed p69cat3 || uf:, mle Mixed-effects ML regression Number of obs 442 Group variable: uf Number of groups 11 Obs per group: min = 15 40.2 avg = 73 max =wald chi2(**0**) Log likelihood = -529.58484Prob > chi2 p69cat3 coef. Std. Err. P > |z|[95% Conf. Interval] Ζ 1.674932 .053187 31.49 0.000 1.570688 1.779177 \_cons Random-effects Parameters Estimate Std. Err. [95% Conf. Interval] uf: Identity sd(\_cons) .1193476 .0536382 .0494606 .2879834 sd(Residual) .7956493 .0270742 .7443157 .8505233 LR test vs. linear regression: chibar2(01) = 2.93 Prob >= chibar2 = 0.0434

- Variância do segundo nível =  $(0,1193476)^2 = 0,014$
- Variância do primeiro nível =  $(0.7956493)^2 = 0.633$
- Coeficiente intraclasse = 0.014/(0.014+0.633) = 0.022

## MAIS SOBRE MODELO HIERÁRQUICO

- Contexto estadual explica 2,2% da variação na escala governista/oposicionista do deputado.
- Este percentual é muito reduzido e evidencia que não há necessidade de incluir medidas de erro específicas para variáveis de nível estadual nos modelos de regressão.
- No caso de estimar modelo hierárquico irrestrito...
  - Efeito de segundo nível no  $\beta_0$ :

```
xi: xtmixed p69cat3 i.exppol emenreg redepolitica distdepgov FPP lnfmp COLIGELEITGOV1 priturnodif volatil volatgov cadleg || uf:, mle
```

– Efeito de segundo nível em "exppol":

```
xi: xtmixed p69cat3 i.exppol emenreg redepolitica distdepgov FPP lnfmp COLIGELEITGOV1 priturnodif volatil volatgov cadleg || uf: exppol, mle
```

# **PROBLEMATIZAÇÃO**

## ELEIÇÕES LEGISLATIVAS E COMPORTAMENTO PARLAMENTAR (MODELOS DE EFEITOS FIXOS)

- Comportamento parlamentar no legislativo federal: efeitos da estrutura federativa.
- O problema do agenciamento dos parlamentares em contextos federativos.
- Mensurando efeitos das "pressões antagônicas":
   presidentes x governadores como mandantes.

## COMPORTAMENTO PARLAMENTAR EM SISTEMA MULTINÍVEIS DE COMPETIÇÃO

Cadeias de agente-mandante e a estrutura de escolhas disponíveis aos representantes: contextos de competição entre mandantes

Figure 1.3: Presidents as competing principals with party leaders

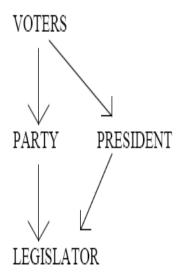
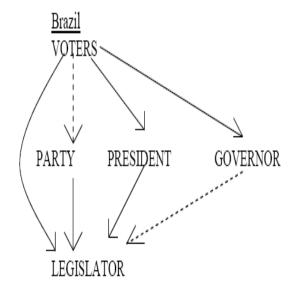


Figure 1.4: Increasingly complex sets of principals.



## IMPACTO DAS INSTITUIÇÕES ESTADUAIS NA UNIDADE DAS COALIZÕES PARLAMENTARES NO BRASIL

Tabela 2 Efeito do Tamanho da Coorte e da Aliança com o Governador na Unidade de Voto<sup>a</sup>

		Modelos	Básicos		Modelos de Efeitos Fixos				
	- 1	dária na época eição	Afiliação partidária na época da votação		- 1	dária na época eição	Afiliação partidária na época da votação		
	UNIDADE	RICE	UNIDADE	RICE	UNIDADE	RICE	UNIDADE	RICE	
Constante	682	,779	,677	,712	,790	,781	1,001	1,000	
	(,024) ,000	(,024) ,000	(,023) ,000	(,031) ,000	(,165) ,000	(,148) ,000	(,141) ,000	(,210) ,000	
Coalizão do	-,031*	-,023	-,032*	-,031	-,006	-,002	-,001	,012	
governador	(,017) ,067	(,017) ,181	(,017) ,067	(,024) ,196	(,019) ,742	(,017) ,891	(,020) ,966	(,029) ,692	
Número de	-,011***	-,004	-,010***	-,006	-,016***	-,009***	-,011**	-,005	
deputados da coorte	(,003) ,000	(,003) ,115	(,003) ,003	(,004) ,167	(,004) ,000	(,003) ,005	(,004) ,011	(,006) ,414	
					As variáveis binárias que identificam o efeito fixo para uma só coalizão não estão apresentadas			o para uma só	
N	177	177	189	190	177	177	189	190	
R <sup>2</sup> ajustado	,106	,019	,078	,014	,486	,562	,499	,353	

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup> As variáveis dependentes estão expressas em índices ponderados de UNIDADE e de RICE para coortes de coalizões estaduais na Câmara dos Deputados.
\*sig. > 0,10; \*\*sig. > 0,05; \*\*\*sig. > 0,01.

## PARTIDOS POLÍTICOS E GOVERNADORES COMO DETERMINANTES DO COMPORTAMENTO LEGISLATIVO NA CÂMARA DOS DEPUTADOS, 1988-2006

Tabela 4 Determinantes da Coesão das Bancadas Estaduais

	(1)	(2)	(3)
Participação da bancada estadual no governo federal	0,2264	0,4256	0,1715
	(0,000)	(0,000)	(0,000)
Participação da bancada no partido do governador	-0,1182	-0,1130	
	(0,000)	(0,000)	
Número efetivo de partidos	-0,0239	-0,0223	-0,0195
	(0,000)	(0,000)	(0,000)
População do estado	-8,07E-09	-9,33E-09	-9,56E-09
	(0,000)	(0,000)	(0,000)
Renda <i>per capita</i> do estado	-0,0001	-0,0001	-0,0001
	(0,000)	(0,000)	(0,436)
Tamanho da bancada	-0,0044	-0,0035	-0,0040
	(0,000)	(0,000)	(0,564)
Tamanho da bancada (quadrático)	0,0001	0,0001	-0,0001
	(0,000)	(0,000)	(0,438)
Constante	0,5342	0,3783	0,4634
	(0,000)	(0,000)	(0,000)
N	29,336	29,336	29,336
$R^2$ ajustado/ $R^2$ total	0,1585	0,1482	0,1197
R <sup>2</sup> (intra)		0,2342	0,0399
R <sup>2</sup> (inter)		0,0100	0,5147

Fonte: Banco de Dados Legislativos, Cebrap.

Obs.: Variável dependente: índice de Rice da bancada do estado  $\boldsymbol{x}$  votação nominal i.

Modelo 1: *pooled* OLS; modelo 2: efeito fixo por voto; modelo 3: efeito fixo por estados. Valores de p entre parênteses.

## **MODELO DE EFEITOS FIXOS**

#### MODELO DE EFEITOS FIXOS

 Modelos de efeitos fixos permitem a estimação de coeficientes que refletem relações dentro da variável escolhida como efeito fixo sobre a variável dependente.

 Ou seja, os modelos de efeitos fixos controlam as estimativas das variáveis independentes para cada uma das unidades de efeito fixo (áreas, anos...).

 Com esse controle, os coeficientes das variáveis independentes sobre a variável dependente apresentam as relações ENTRE as categorias das variáveis independentes DENTRO das unidades de efeito fixo (áreas, anos...).

#### EXEMPLO DE MODELO DE EFEITOS FIXOS

xi: xtreq p69cat3 i.exppol emenreg redepolitica distdepgov FPP lnfmp COLIGELEITGOV1, fe i(uf)

Fixed-effects (within) regression Number of obs = 177 Group variable: uf Number of groups = 11 R-sq: within = 0.4057Obs per group: min = between = 0.094016.1 avg = overall = 0.392829 max = F(8,158) = 13.480.0000  $corr(u_i, Xb) = -0.0178$ Prob > F

p69cat3	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf.	Interval]
Iexppol_1Iexppol_2 emenreg redepolitica distdepgov FPP lnfmp COLIGELEIT~1cons	2485347 0076472 1177704 .1025759 1542452 .0122065 .0140006 7681627 1.664668	.1318425 .111376 .1322576 .1108948 .0331099 .0096722 .0643216 .1024082 .152034	-1.89 -0.07 -0.89 0.92 -4.66 1.26 0.22 -7.50 10.95	0.061 0.945 0.375 0.356 0.000 0.209 0.828 0.000 0.000	5089358 2276251 3789914 1164514 2196403 0068969 1130405 9704282 1.364387	.0118664 .2123308 .1434505 .3216033 08885 .03131 .1410418 5658972 1.964949
sigma_u sigma_e rho	.39197393 .61395547 .28957395	(fraction	of varia	nce due 1	to u_i)	

F test that all u i=0: F(10.158) = 2.16

Prob > F = 0.0231

#### INTERPRETANDO RESULTADOS

- Variância devido ao efeito fixo:  $(0,39197393)^2 = 0,15364356$
- Variância devido às variáveis independentes:  $(0,61395547)^2 = 0,37694132$
- Fração da variância devido ao efeito fixo (rho):0,15364356 / (0,15364356 + 0,37694132) = 0,28957395
- Todos coeficientes = 0
  gl=8 (número de variáveis independentes)
  F(8;158) = 13,48 Prob > F = 0,0000
- Efeitos fixos = 0
   gl=10 (11 Estados menos 1)
   F(10;158) = 2,16 Prob > F = 0,0231